



# نهر زهابيل وعرض العادة من موقع دل دروسني

[www.hldrwsy.com](http://www.hldrwsy.com)

موقع دل دروسني هو موقع تعليمي ي العمل على مساعدة المعلمين والطلاب وأولياء الأمور في تقديم حلول الكتب المدرسية والاختبارات وشرح ال دروس والملخصات والتذاخير وتوزيع المنهج لكل المراحل الدراسية بشكل واضح وبسيط مجاناً بتصفح وعرض مباشر أونلاين على موقع دل دروسني

# رياضيات

ثاني متوسط



3

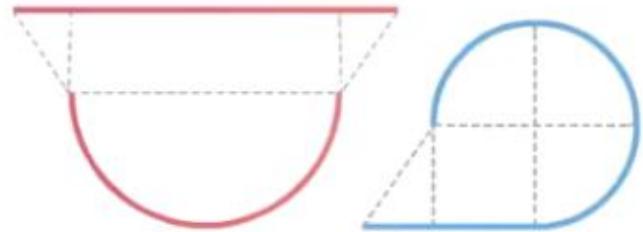
المراجعة  
النهائية

مماجع الخنزيري

# الباب السادس



# مساحات الأشكال المركبة



## مساحة الأشكال المركبة



مساحة متوازي الأضلاع



$$م = ق ع$$

مساحة شبه المنحرف



$$م = \frac{1}{2} ع (ق, + ق,)$$

مساحة المثلث

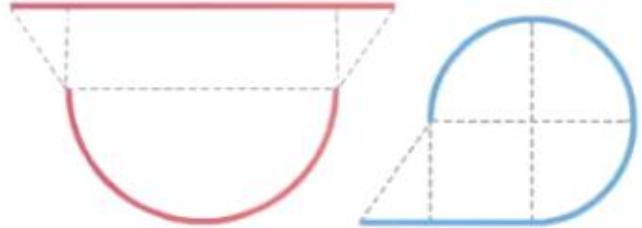


$$م = \frac{1}{2} ق ع$$

مساحة الدائرة



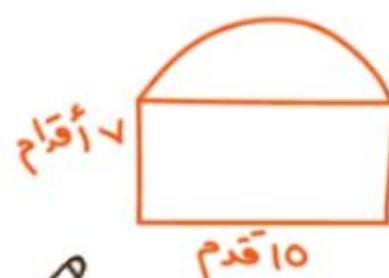
$$م = ط نق^٢$$



## ملخص مفهوم

مساحة الشكل المركب

لزيادة مساحة الشكل المركب



2

نحسب مساحة المستطيلين

$$10 \times 7 = 70$$

1

نحسب مساحة نصف الدائرة

$$\frac{1}{2} \pi r^2 =$$

$$\frac{1}{2} \pi (7)^2 =$$

$$88,5 =$$

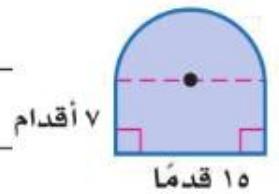
جمع المساحتين

$$70 + 88,5 =$$

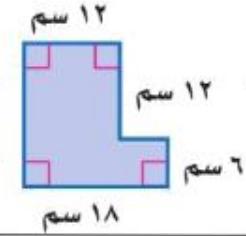
158,5 قدم مربع

أوجد مساحة كل شكل مما يأتي ، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزءٍ من عشرة إذا لزم ذلك:

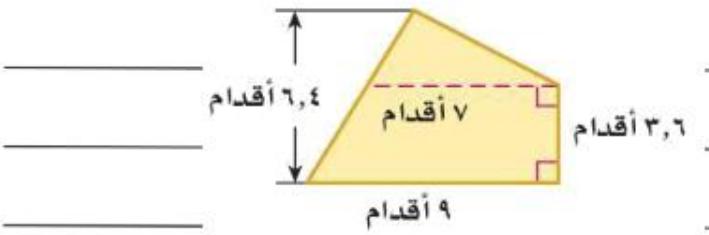
(ب)



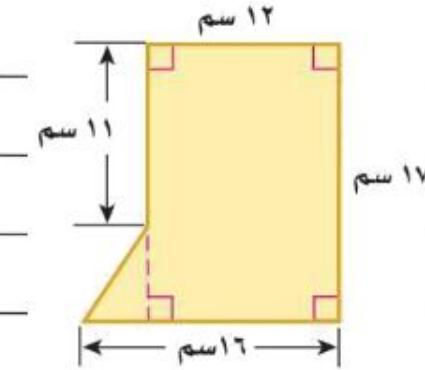
(ج)



أوجد مساحة كل شكل مما يأتي، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزءٍ من عشرة إذا لزم ذلك:



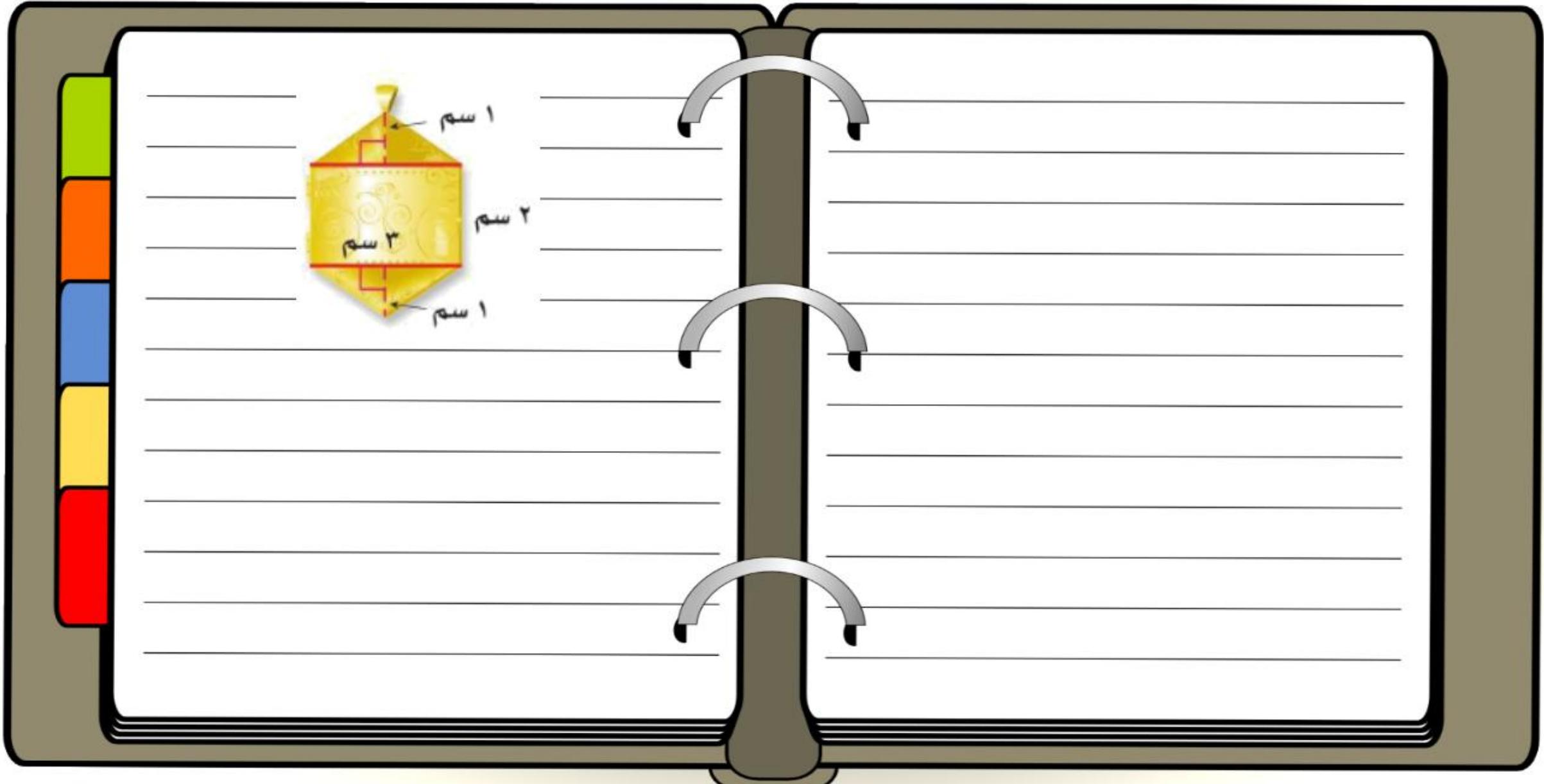
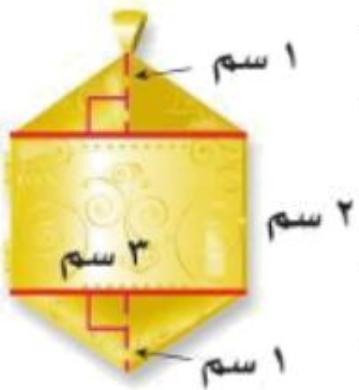
٩



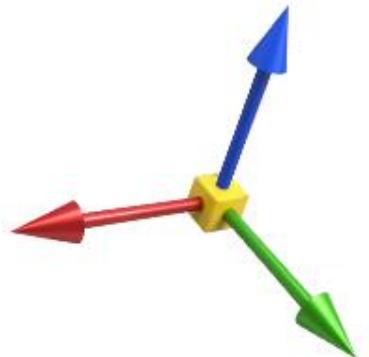
١

## تقويم

١٢ مجوهرات: يبين الشكل الآتي حليةً ذهبيةً. ما مساحتها؟

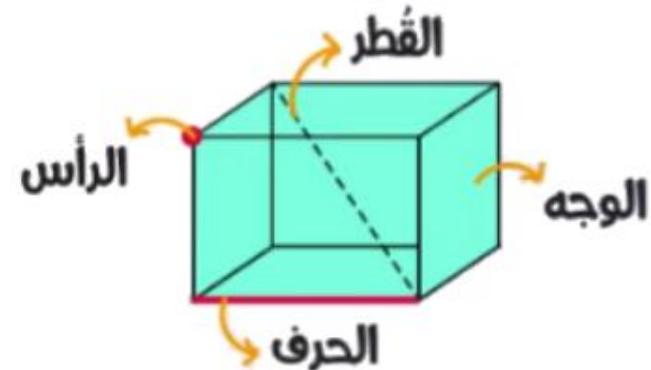
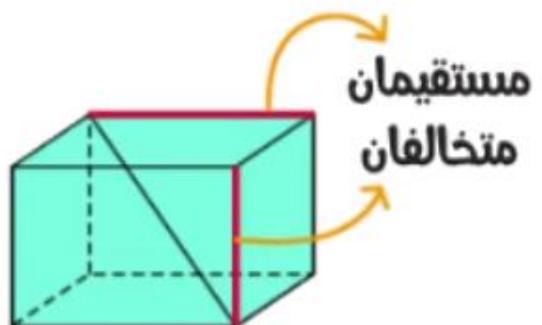
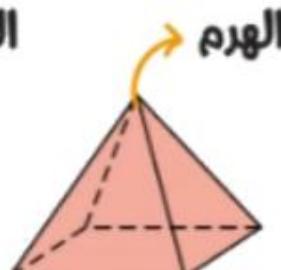
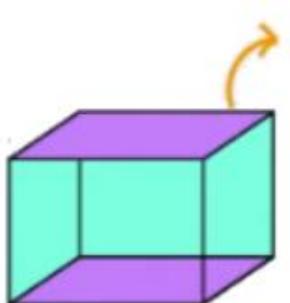
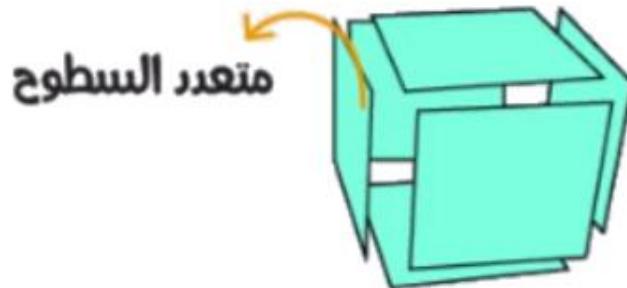
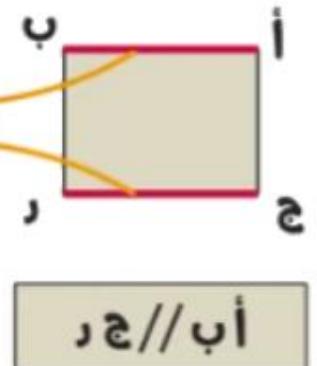


# الأشكال الثلاثية الأبعاد



## الشكل ثلاثي الأبعاد

مستقيمان متوازيان  
يقعان في المستوى نفسه

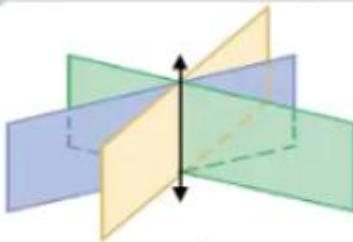


### المستويات في الفضاء

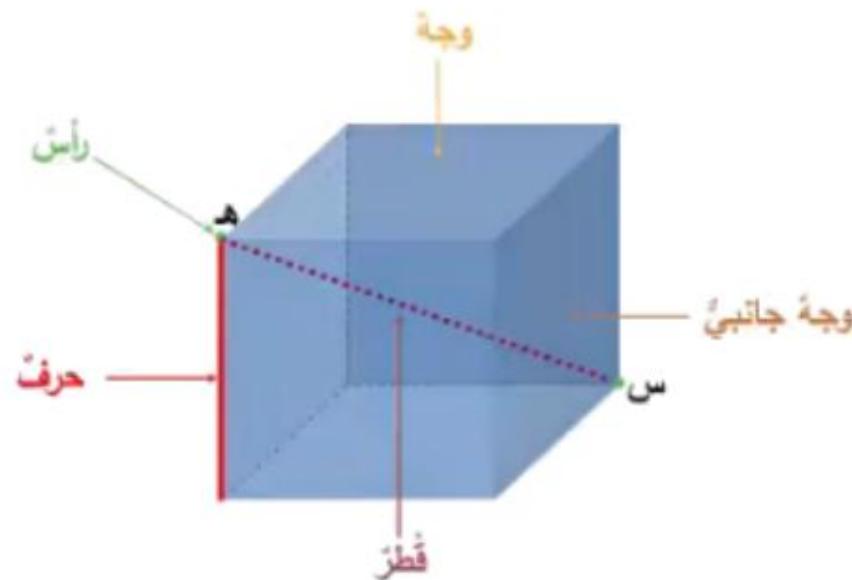
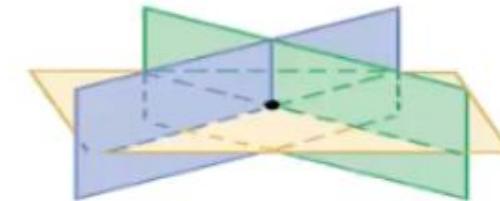
غير متقطعة (متوازية)



متقطعة في مستقيم



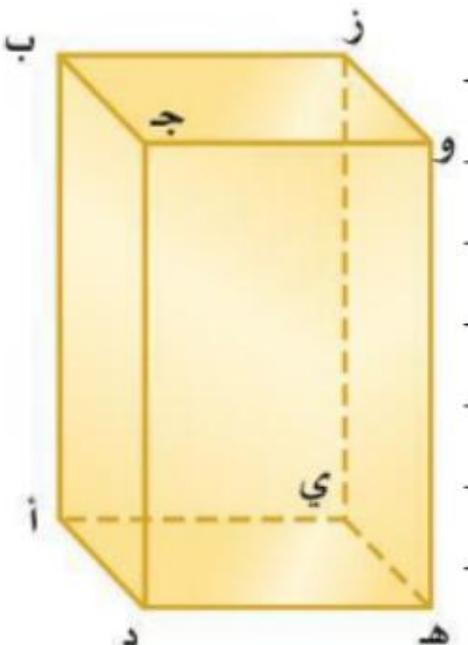
متقطعة في نقطة



**متعدد السطوح:** مجسم له سطوح مستوية عبارة عن مُضلعات، كالهرم والمنشور، ويعتمد اسم المنشور والهرم على شكل القاعدة.

# تقدير

استعمل الشكل المجاور لتحديد كلًا مما يأتي:



١ مستويين متوازيين.

٢ مستقيمين متخالفين.

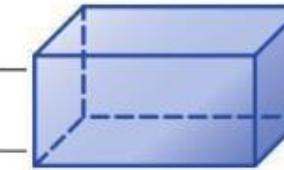
٣ نقطتين تشكّلان قطرًا عند الوصل بينهما.

٤ مستويين متقاطعين.

حدّد اسم كل مجسم مما يأتي، وبين عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه ورؤوسه:



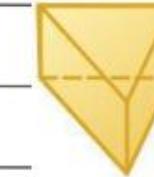
١٤



(ب)



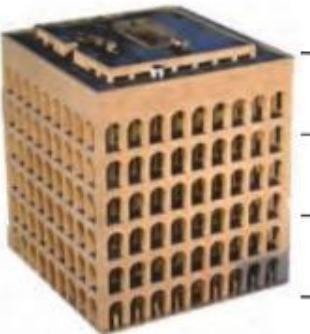
١٥



(ج)

# تقويم

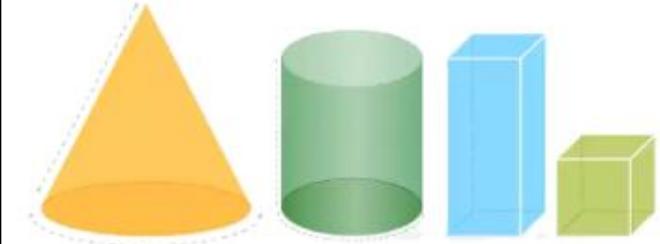
١٧  
بنيات: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجاني للبنية في الصورة أدناه.



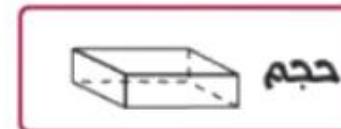
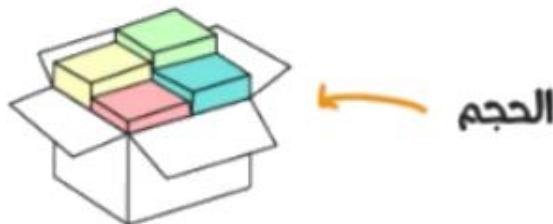
ه) صندوق: ارسم كلاً من المنظر العلوي والأمامي والجاني للصندوق في الصورة المجاورة.



# حجم المنشور والأسطوانة



ملخص مفهوم



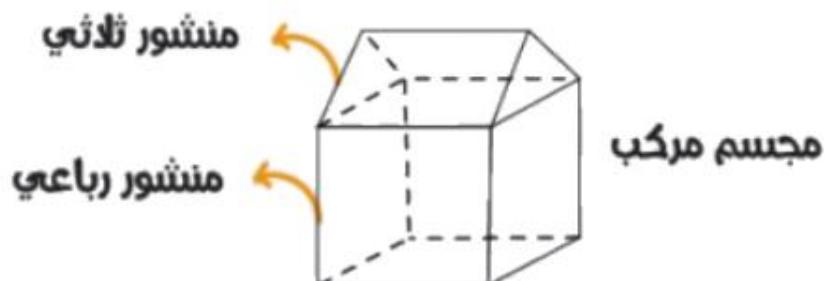
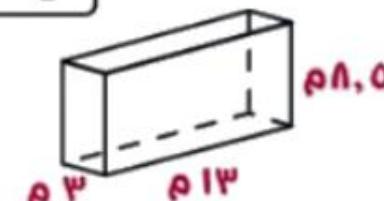
$$\text{ع} \times \text{م} = \text{ح}$$

$$\text{ط نق} \times \text{ع} =$$
$$0 \times 9 \times 3,14 =$$
$$\text{م} 1272 =$$



$$\text{ع} \times \text{م} = \text{ح}$$

$$\text{ع} \times (\text{م} \times \text{ج}) =$$
$$8,0 \times 3 \times 13 =$$
$$\text{م} 331,0 =$$

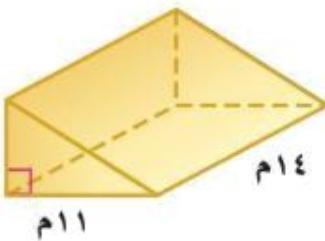


منشور ثلاثي

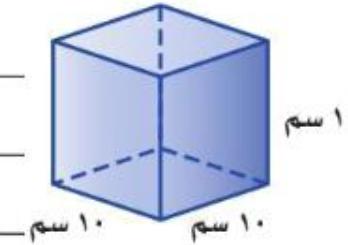
منشور رباعي

مجسم مركب

أوجد حجم كل منشور مما يأتي:



م٧



ج)

سم 10  
سم 10  
سم 10

أوجد حجم كل أسطوانة مما يأتي، مقرّبًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة إذالزم الأمر:

د) نصف القطر ٢ م، والارتفاع ٧ م.



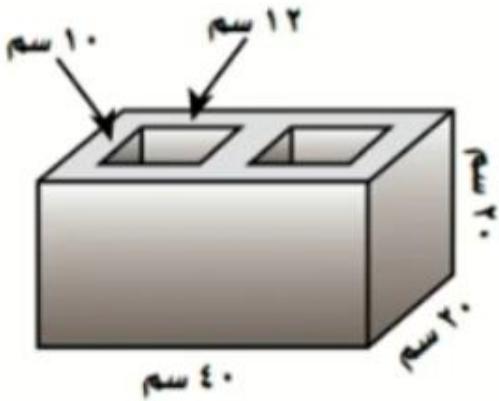
٤٠



## تقدير

١٦

بناء: طوب بناء خرساني على شكل منشور رباعي فيه ثقبان متساويان كما في الشكل المجاور، ما حجم مادة الخرسانة في طوب البناء؟



A large brown pen is standing vertically in the center of the page, pointing downwards. It has three silver clips attached to its barrel, one on each side and one at the bottom, all pointing towards the center.

# حجم الهرم والمخروط

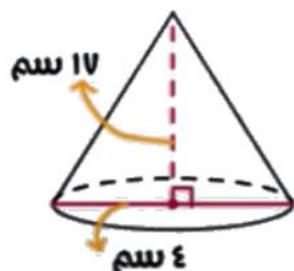


## حجم الهرم والمخروط



مساحة القاعدة  
الارتفاع

$$\frac{1}{3} \times 8 \times 14 = 41.7 \text{ سم}^3$$



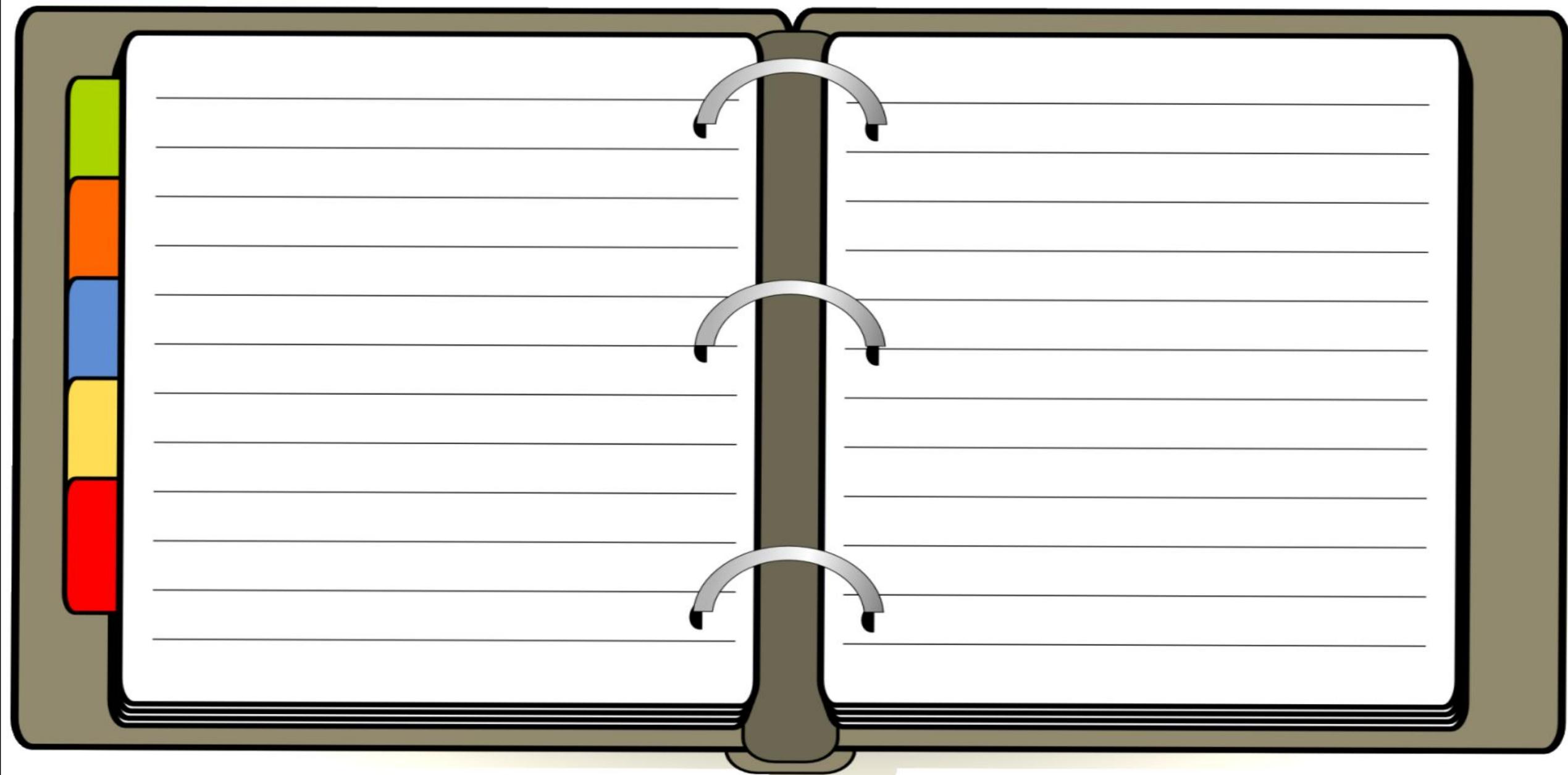
مساحة القاعدة  
الارتفاع

$$\frac{1}{3} \times 4 \times 17 = 71.2 \text{ سم}^3$$



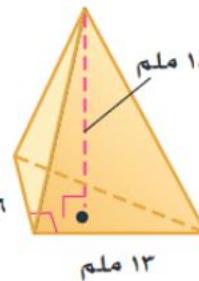
## تَقْوِيمٌ

١) أُوجِد حجم هرم ارتفاعه ٥ م، وقاعدته مربع طول ضلعه ٢ م.

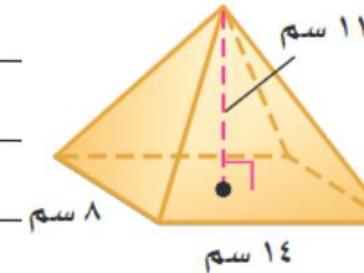


## تقدير

أوجد حجم كل هرم مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة:

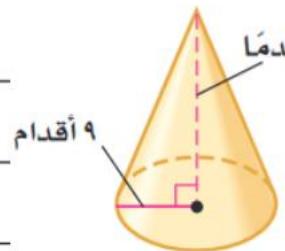


١٠

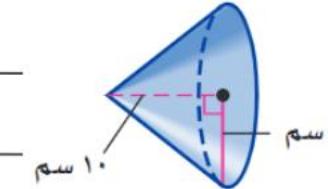


١١





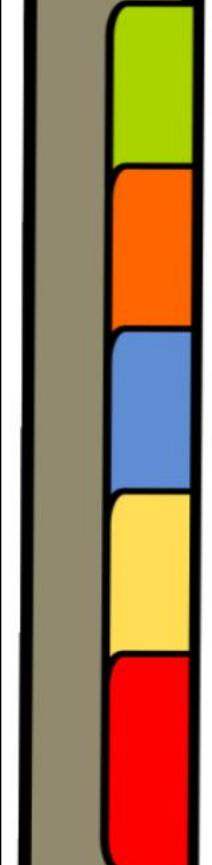
١٣



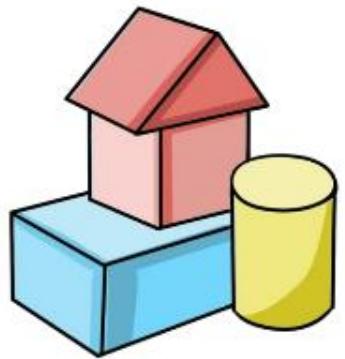
د)

تقدير

قبعات: ي يريد مهرج أن يملأ قبعته رملًا، استعمل  
الرسم المجاور لتحديد كم تسع قبعته من الرمل.



# مساحة سطح المنشور والأسطوانة



## المساحة الجانبية و المساحة الكلية

الأسطوانة



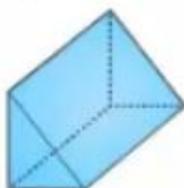
المساحة الكلية

$$ك = ٢ ط نق ع + ٢ ط نق م$$

المساحة الجانبية

$$\begin{aligned} ج &= م ع \\ \text{أو} \\ ج &= ٢ ط نق ع \end{aligned}$$

المنشور



المساحة الكلية

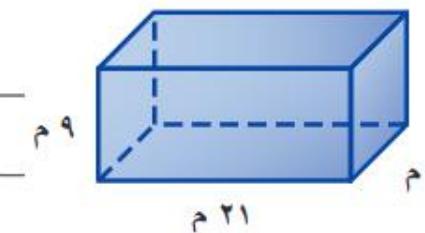
$$\begin{aligned} ك &= ج + م \\ \text{أو} \\ ك &= م ع + م \end{aligned}$$

المساحة الجانبية

$$ج = م ع$$

تقويم

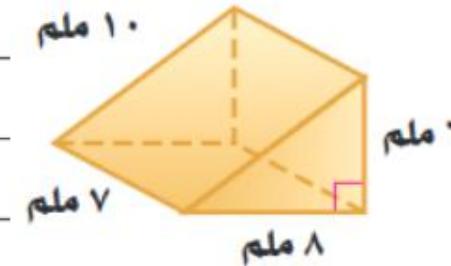
أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل منشور فيما يأتي:



(أ)



تقديرٌ أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل منشور فيما يأتي:



١

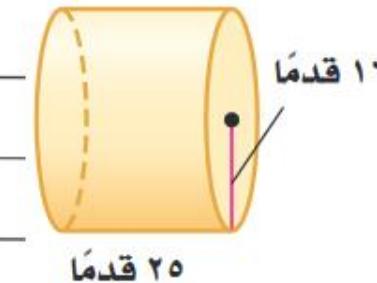
### نذكر

$$\text{م}\text{م المثلث} = \frac{1}{2} (\text{طول القاعدة} \times \text{الارتفاع})$$

تقدير

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الأسطوانة المجاورة.

٤



### تذكرة

$$\text{مساحة الدائرة} = \pi \times \text{نط}$$

# تقدير

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح الأسطوانة المجاورة.

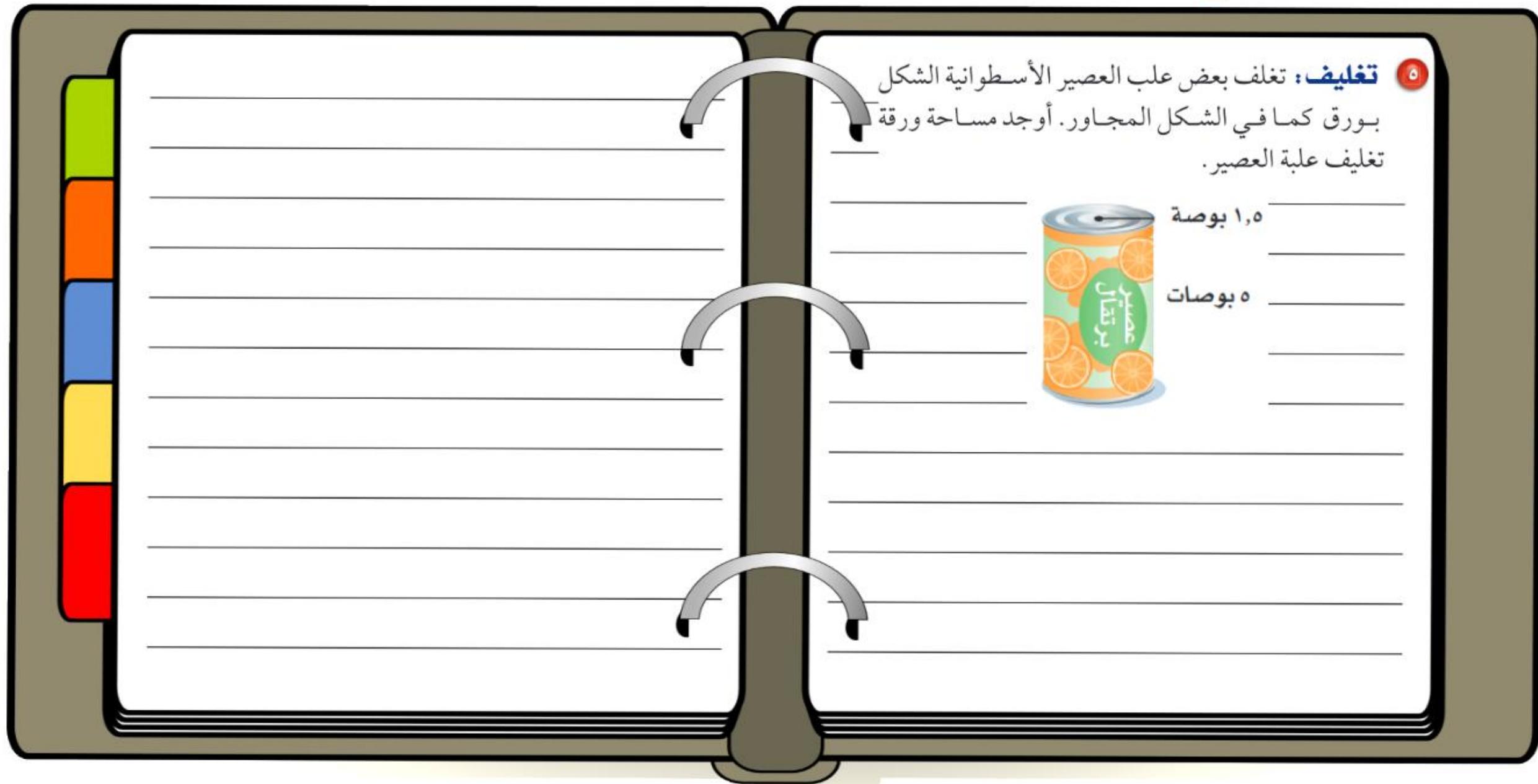
٥

**تغليف:** تغلف بعض علب العصير الأسطوانية الشكل بورق كما في الشكل المجاور. أوجد مساحة ورقة تغليف علبة العصير.

١,٥ بوصة



٥ بوصات





# مساحة سطح الهرم

ملخص مفهوم



## الهرم المنتظم

هرم قاعدته مُضلَّعٌ منتظمٌ، وأوجهه الجانبية مُثُلَّثاتٌ مُنْتَبِقَةٌ وكلُّ منها مُنْتَبِقٌ الساقين.  
وتلتقي هذه المثلثات عند أعلى الهرم في نقطة تسمى قمة الهرم،  
ويُسمى ارتفاع كل وجهٍ جانبيٍّ منها الارتفاعُ الجانبيُّ.

### المساحة الكلية

$$ك = ج + م$$

أو

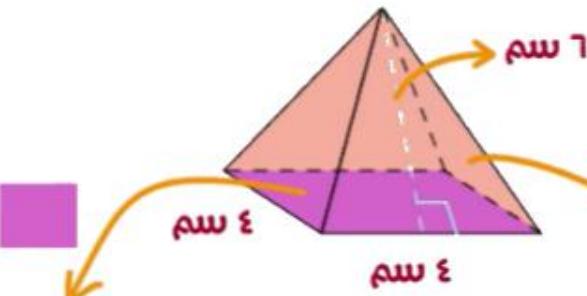
$$ك = \frac{1}{2} ( ج + م )$$

### المساحة الجانبية

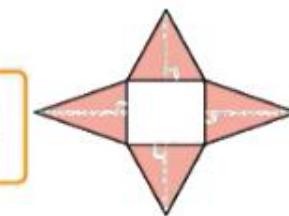
$$ج = \frac{1}{2} محـ ل$$

## مساحة سطح الهرم

مساحة القاعدة



المساحة الجانبية



$$4 \times 4 = 16$$

16 سم<sup>2</sup>

$$\frac{1}{2} \text{ مج ل}$$

$$\frac{1}{2} \times 16 \times 6 =$$

$$6 \times 8 =$$

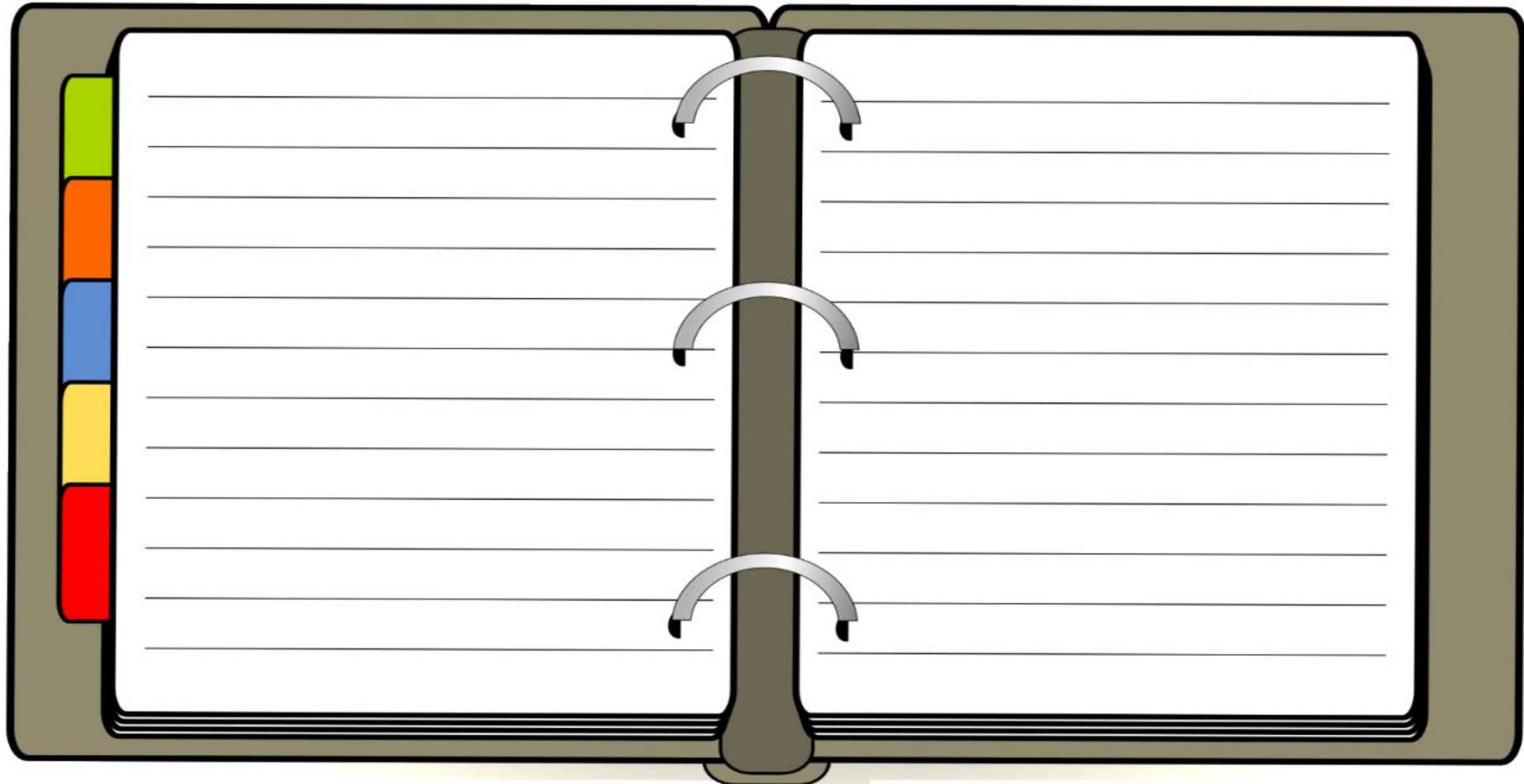
$$48 =$$

$$16 + 48 = 64$$

سم<sup>2</sup>

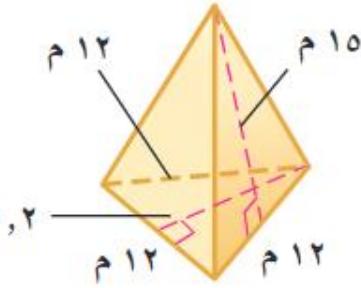
المساحة الكلية

أ) أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح هرم طول ارتفاعه الجانبي ١٨ م، وطول ضلع قاعدته المربعة ١١ م.



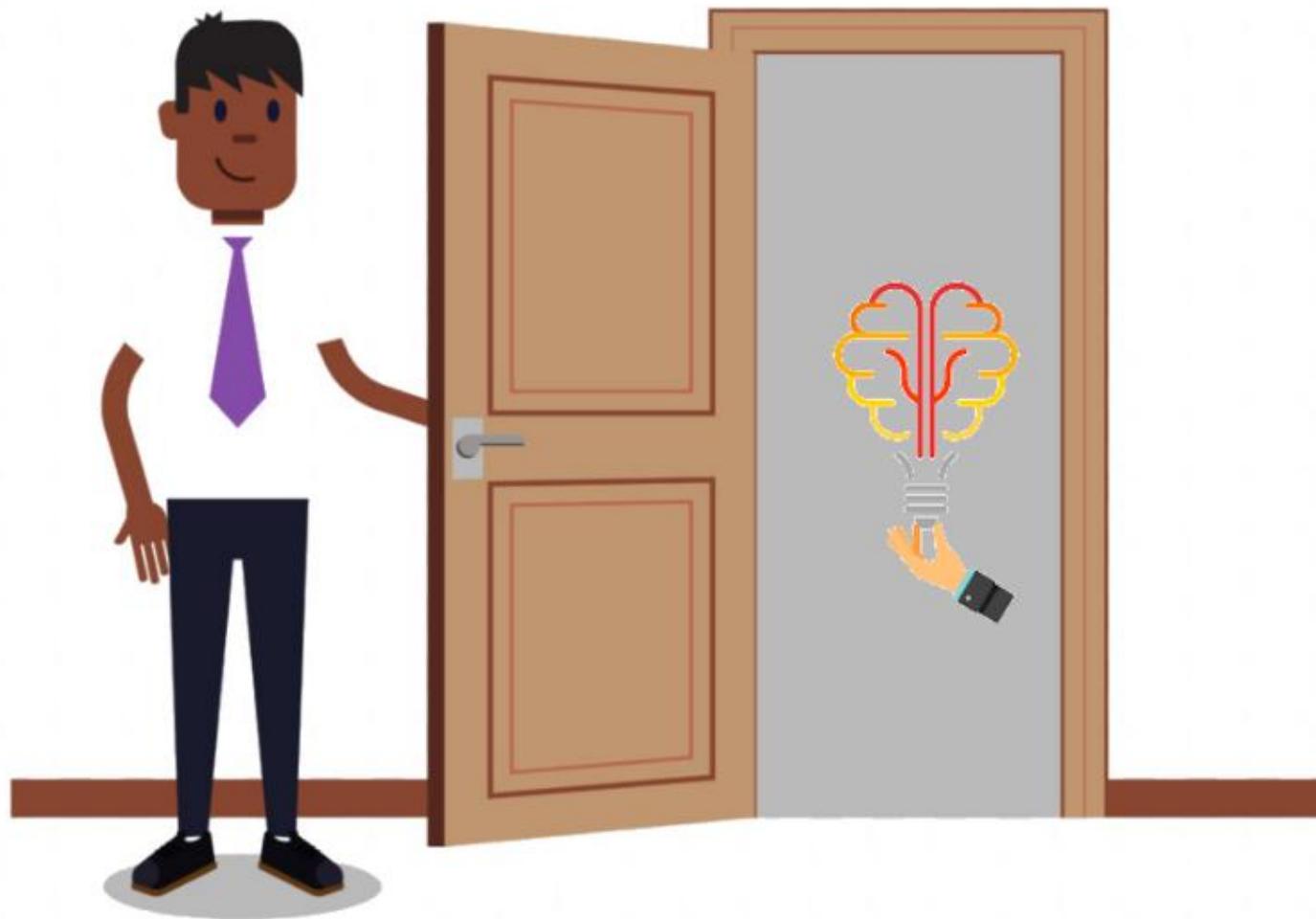
# تقويم

أوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح كل هرم منتظم مما يأتي، مقرباً الجواب إلى أقرب عشر إذا زم الأمر:



٢

# الباب السابع



# تبسيط العبارات الجبرية

$$6 + 3s = 3(s + 2)$$



عبارات متكافئتين

$$6 + 3s = 3(s + 2)$$

ثابت                          معامل

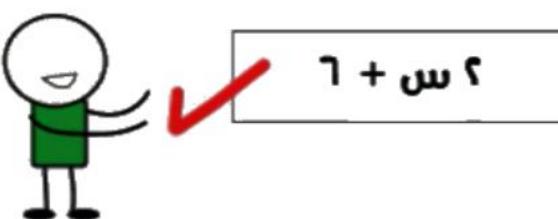
$$1 + 3s = 3(s + 1)$$

حدور متشابهة

$$3s^2 - 7s$$

لا تتضمن حدود  
متشابهة

٠٠٠



## العبارة الجبرية

$$س^2 - س + س^3 + س^3 + س + س$$



حدوة

$$س^2 - س + س^3 + س^3 + س + س$$



$$س + س^2 + س^3 + س^3$$

ثابت

معامل المتغير

حدود متشابهة

$$س^2 - س + س^3 + س^3 + س + س$$

تكون العبارة الجبرية في أبسط صورة إذا لم تتضمن حدوداً متشابهة أو أقواساً.  
ويمكن استعمال خاصية التوزيع لتجمیع الحدود المتشابهة، وهو ما يسمى تبسيط العبارة.

تقدير

استعمل خاصية التوزيع في إعادة كتابة كل عبارة مما يأتي:

ب) (ن+٣)(٨)

(٤+٦)(أ)

٢٥ - ٤ (ن - ٣)

٦ (٤ - ك)



ز) ٩ ص - ٤ ص + ٧

٣٠  
 $4y + 5y - 6y + y$

١١  
 $3d - 8d + 7d$

٣١  
 $1 - 7n + 4n + n$



بسط كل عبارة مما يأتي: تقويم

$$6 + م 4 - 1 - م 4 - ٣٩$$

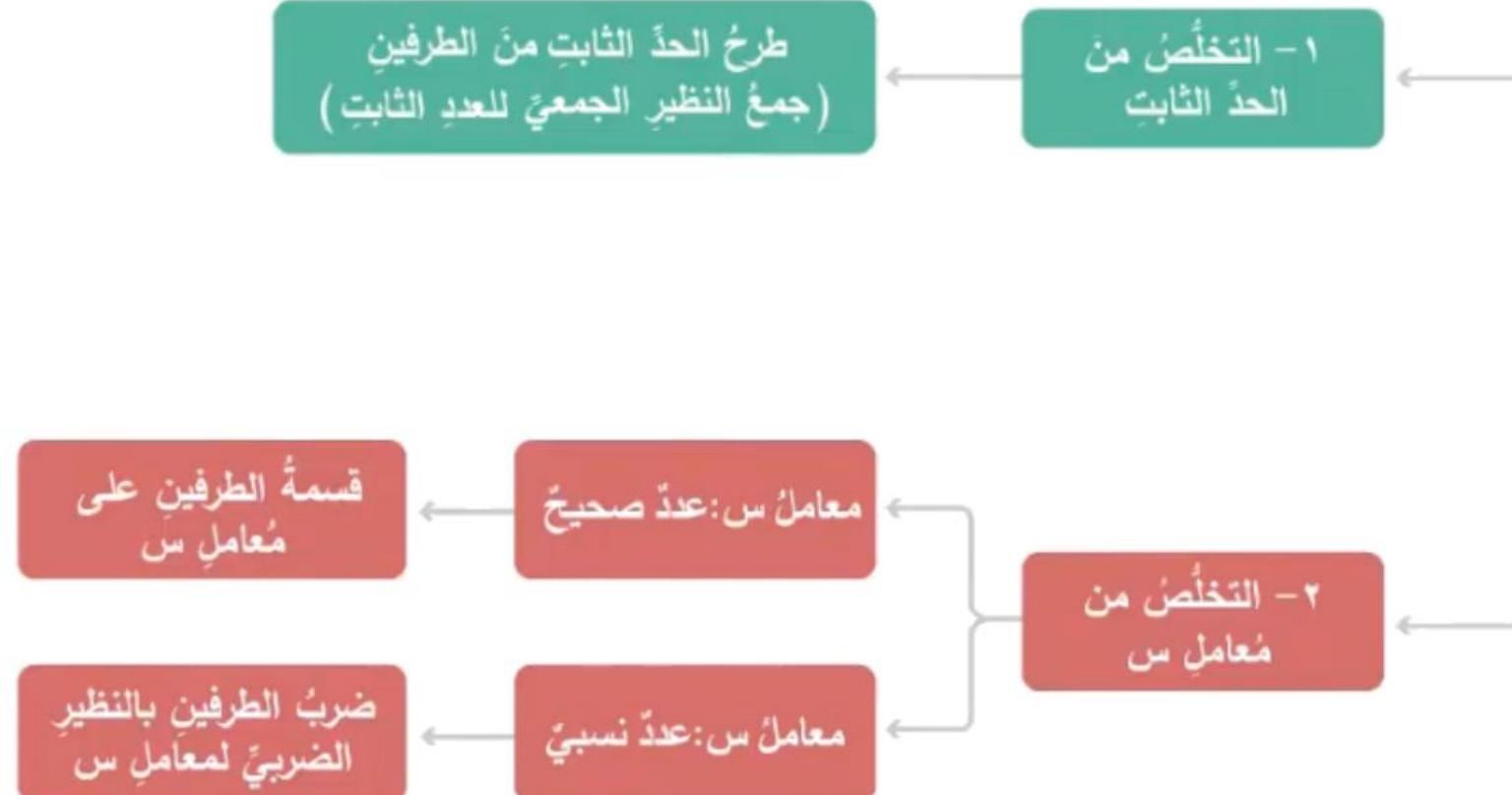
$$ي) 6 - 3n + 3n$$



# حل معادلات ذات خطوتين



## ملخص مفهوم



# تقويم

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$٢٠ = ٢ + ٣س \quad ١)$$

$$٢١ = ٩ + ٥ه \quad ١١$$



$$3 = 4 - \frac{ج}{2}$$

٦

$$V = 5 - \frac{س}{3}$$

٤



تقدير

حل كل معادلة مما يأتي، ثم تحقق من صحة الحل:

$$20 = 4(s + 2)$$

٢٤

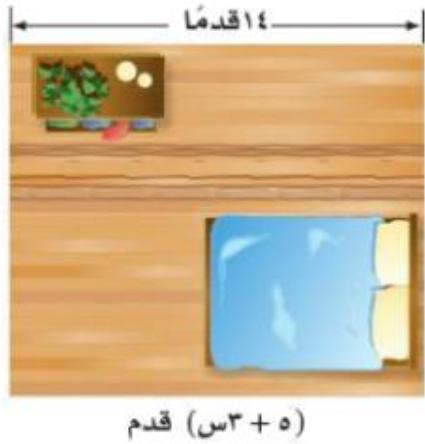
$$9 = 3 - 6s + 8s$$

٢٣



# تقويم

١٦ تزيين المنزل : يريد عماد شراء سجادة جديدة للغرفة المجاورة. احسب مساحة السجادة .



(٣ + ٥) قدم

(٨ - ٦) قدم



# كتابة معادلات ذات خطوتين



هنا بعض الكلمات التي تدل على بعض العمليات

ستعمل عند ...

يزيد العدد ...

أضيف العدد ...

+

ستعمل عند ...

أقل من ...

الفرق بين ...

-

ستعمل عند ...

ناتج قسمة ...

÷

كتابة المعادلات ذات خطوتين تكون بتحويل الجمل إلى عبارات أو رموز رياضية

## حول الجملة التالية إلى معادلة

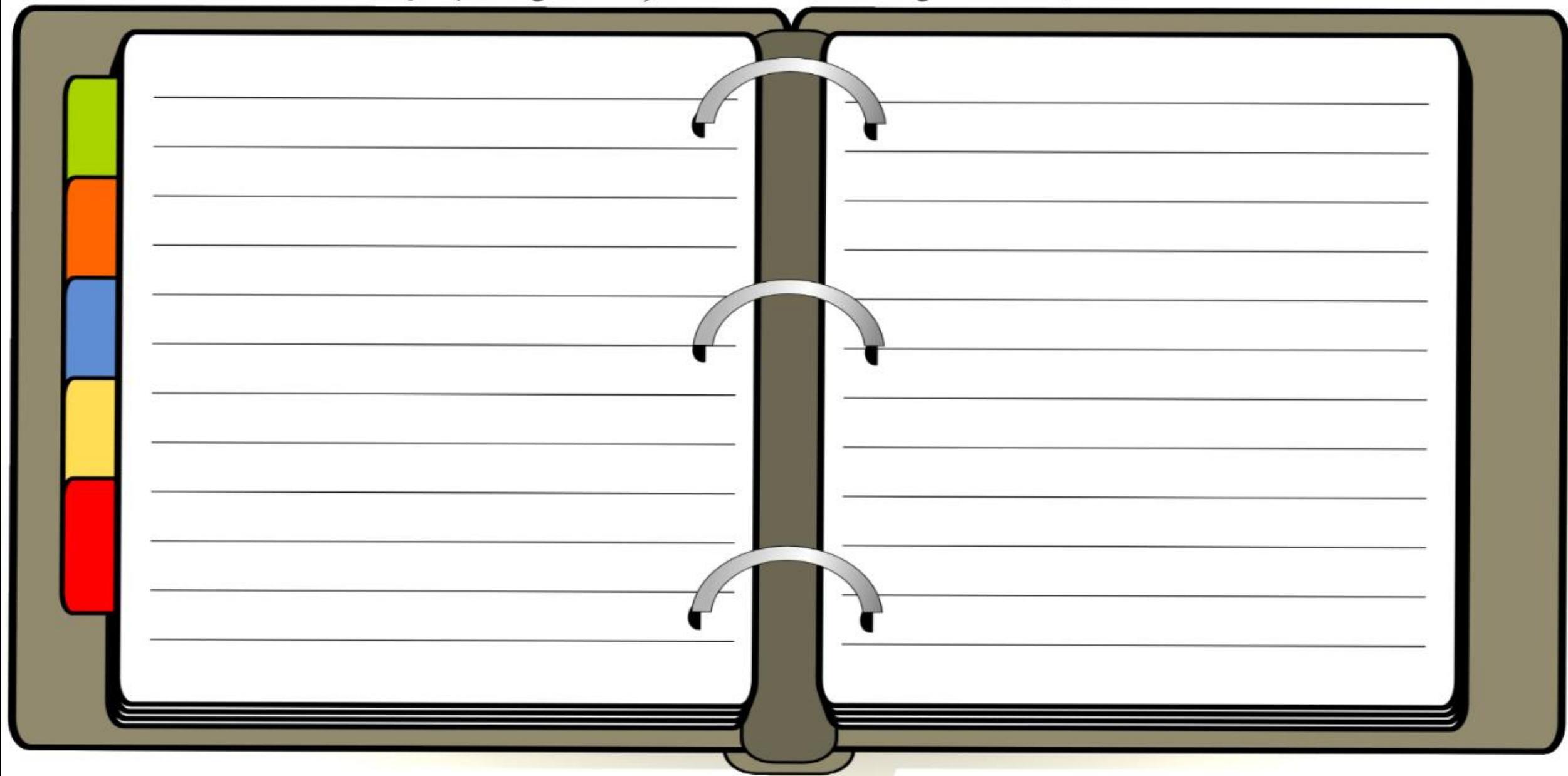
٨ يزيد على أربعة أمثال عدد بمقدار ثمانية يساوي -١٢

٩ أصغر من خمسة أمثال عدد ما بمقدار أربعة يساوي ١١

٦ ناتج طرح ستة من سبعة أمثال عدد يساوي -٢٠

٧ أكبر من مثلي عدد بمقدار خمسة عشر يساوي ٩

كتب : اشتريت مجلة وثلاثة كتب متساوية الثمن، ودفعت ١٥٧ ريالاً ثمناً لها جميعاً، وكان ثمن المجلة وحدتها ٧ ريالاتٍ، فما ثمن الكتاب الواحد؟





## حل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها



تشتمل بعض المعادلات، مثل :  $8 + 4s = 5$  على متغيرات في طرفيها

و لحل مثل هذه المعادلة، استعمل خاصية الجمع أو الطرح على المساواة

لكتابة معادلة مكافئة بمتغيرات في طرف واحد، ثم حلها

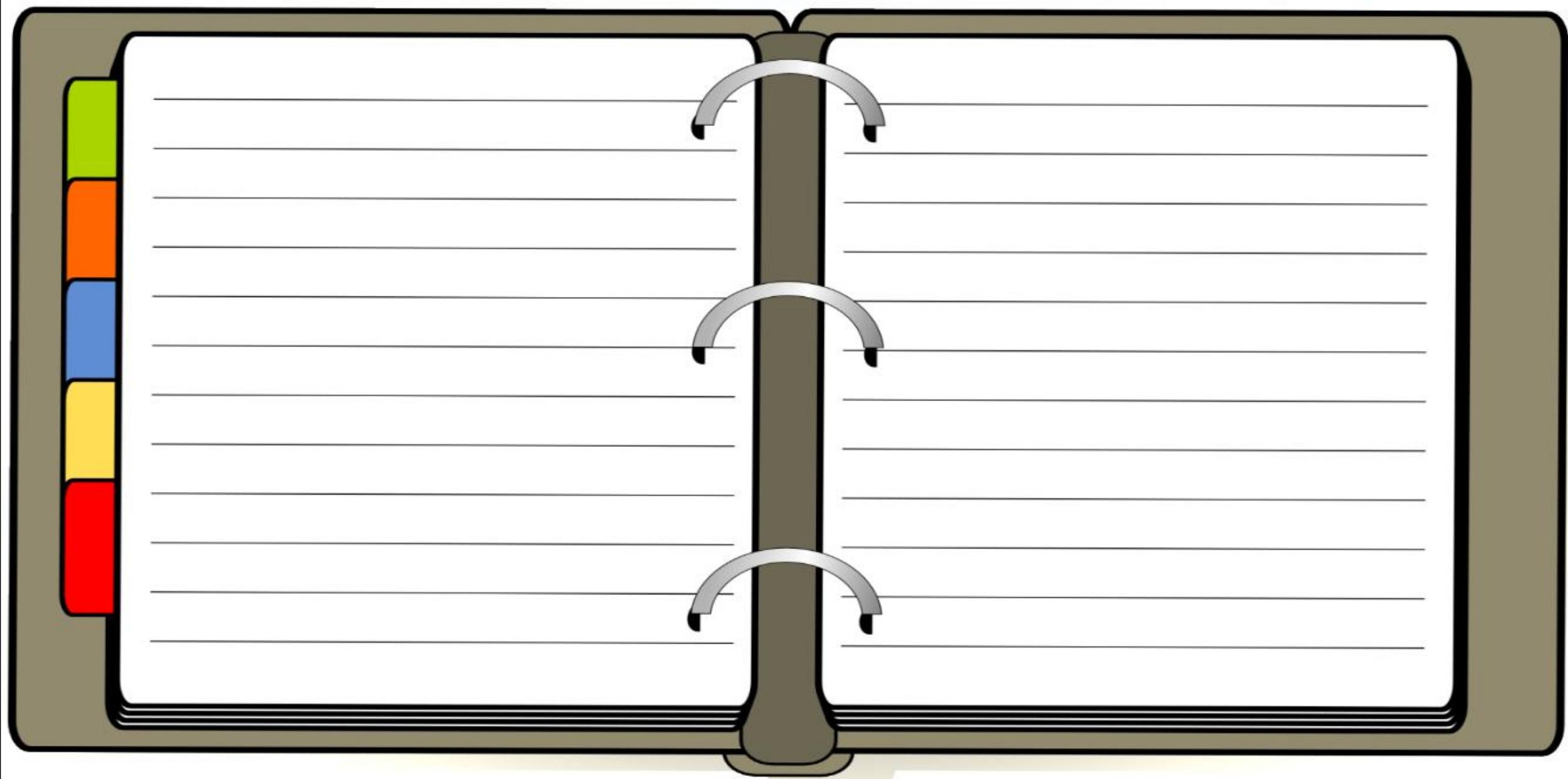
**لحل معادلات تتضمن متغيرات في طرفيها اتبع الآتي :**

نحل

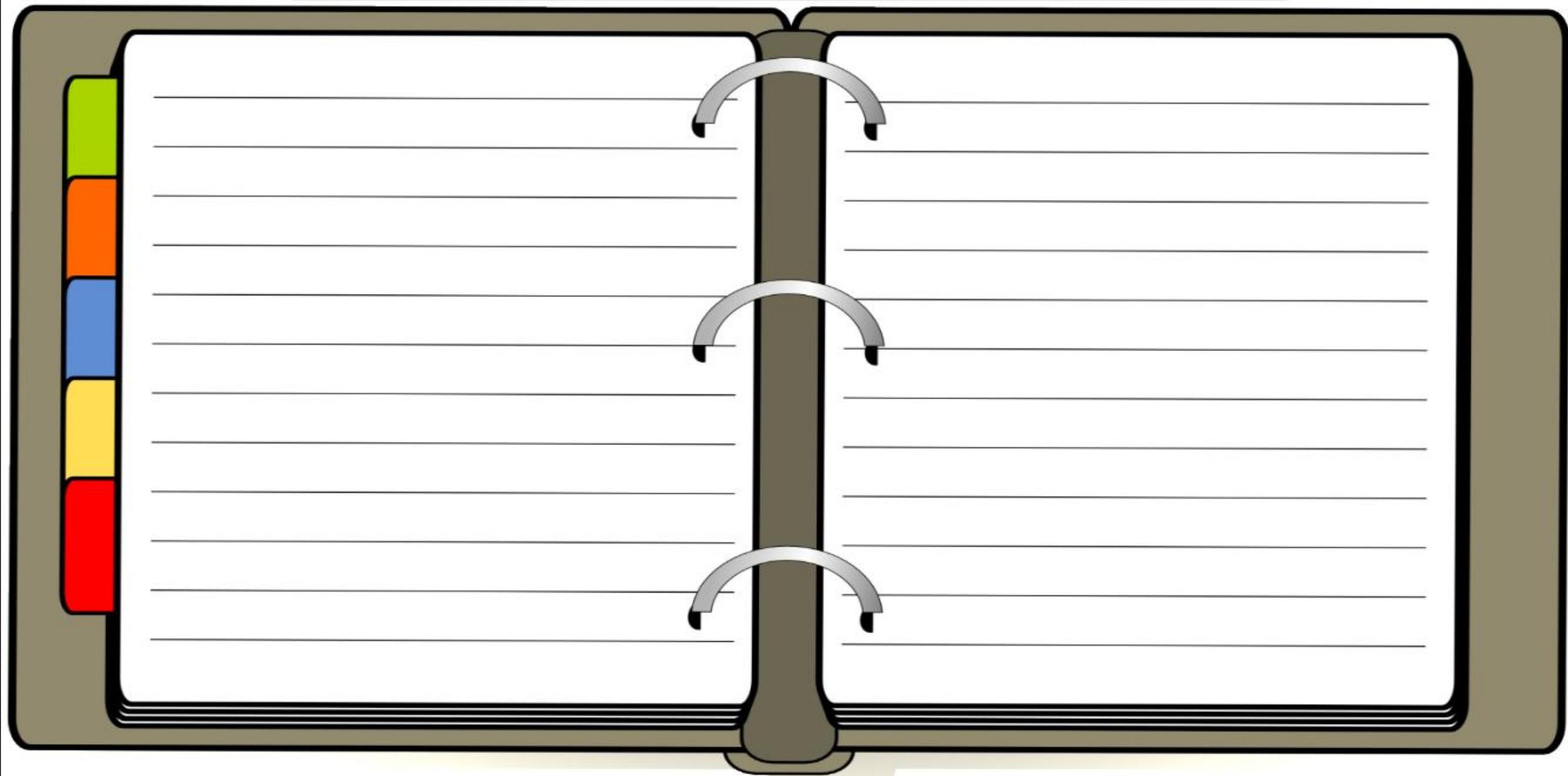
المعادلة

نخلص من المتغير  
الأصغر بالجمع  
أو الطرح

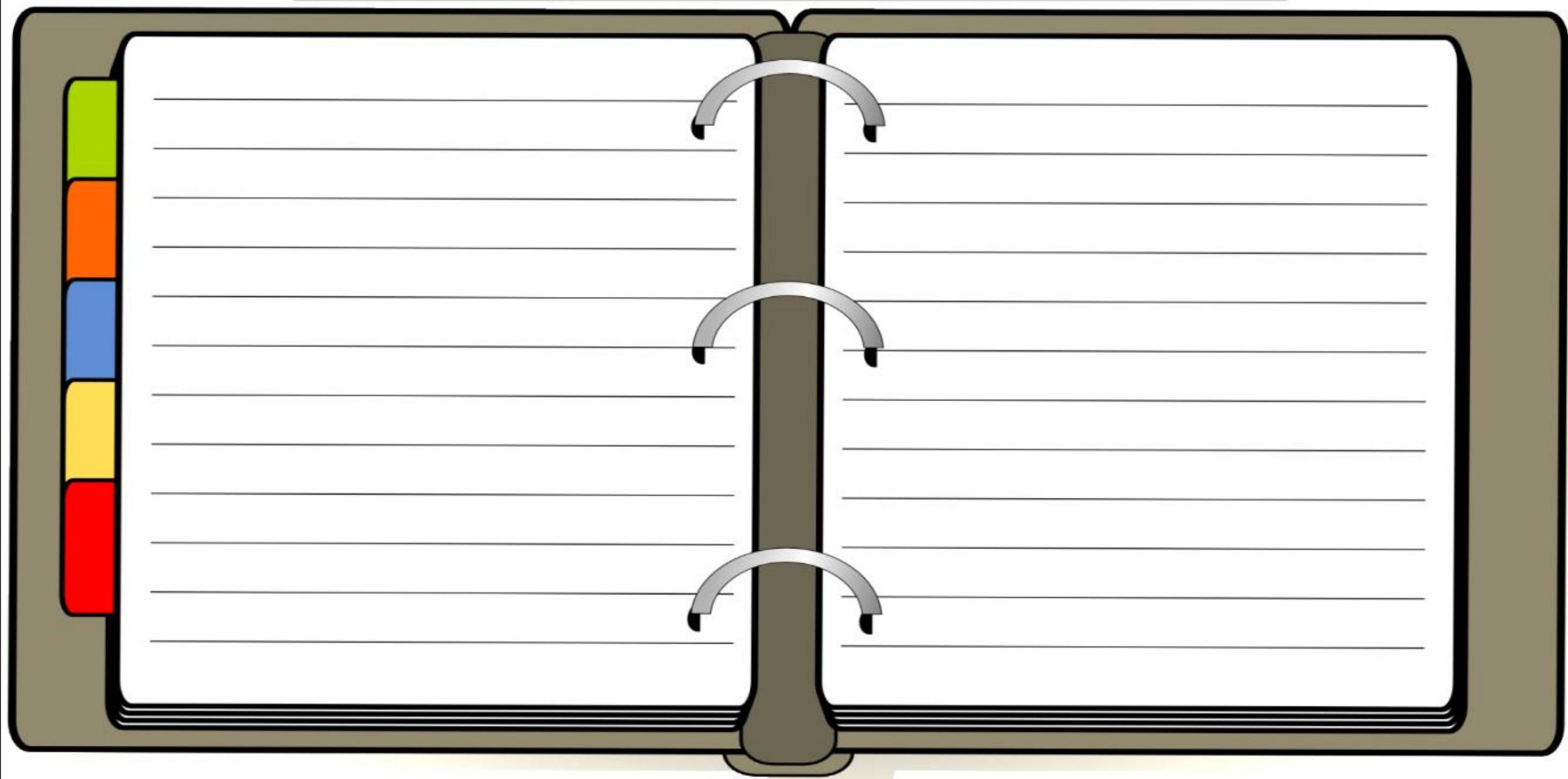
حل المعادلة  $٢١ + ٥ = ٣٦$



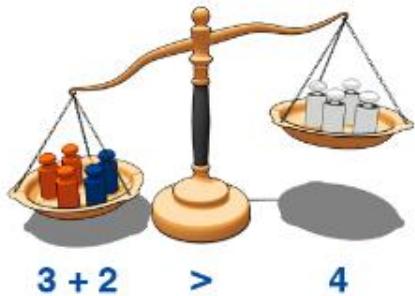
حل المعادلة  $٥ + ن = ٩$  ، ثم تحقق من صحة الحل



حل المعادلة  $٢١ + ٥٨ = ٩ -$



# المتباينات

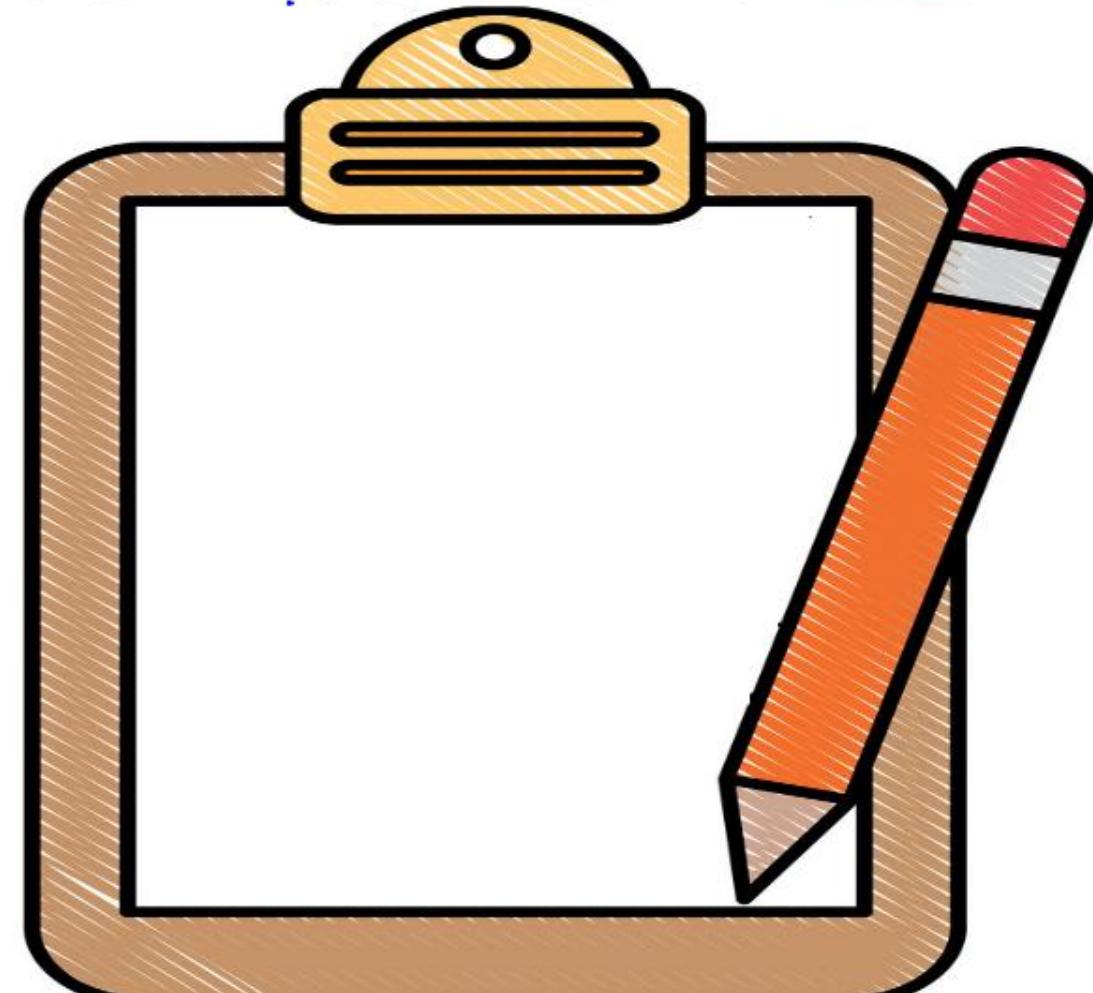
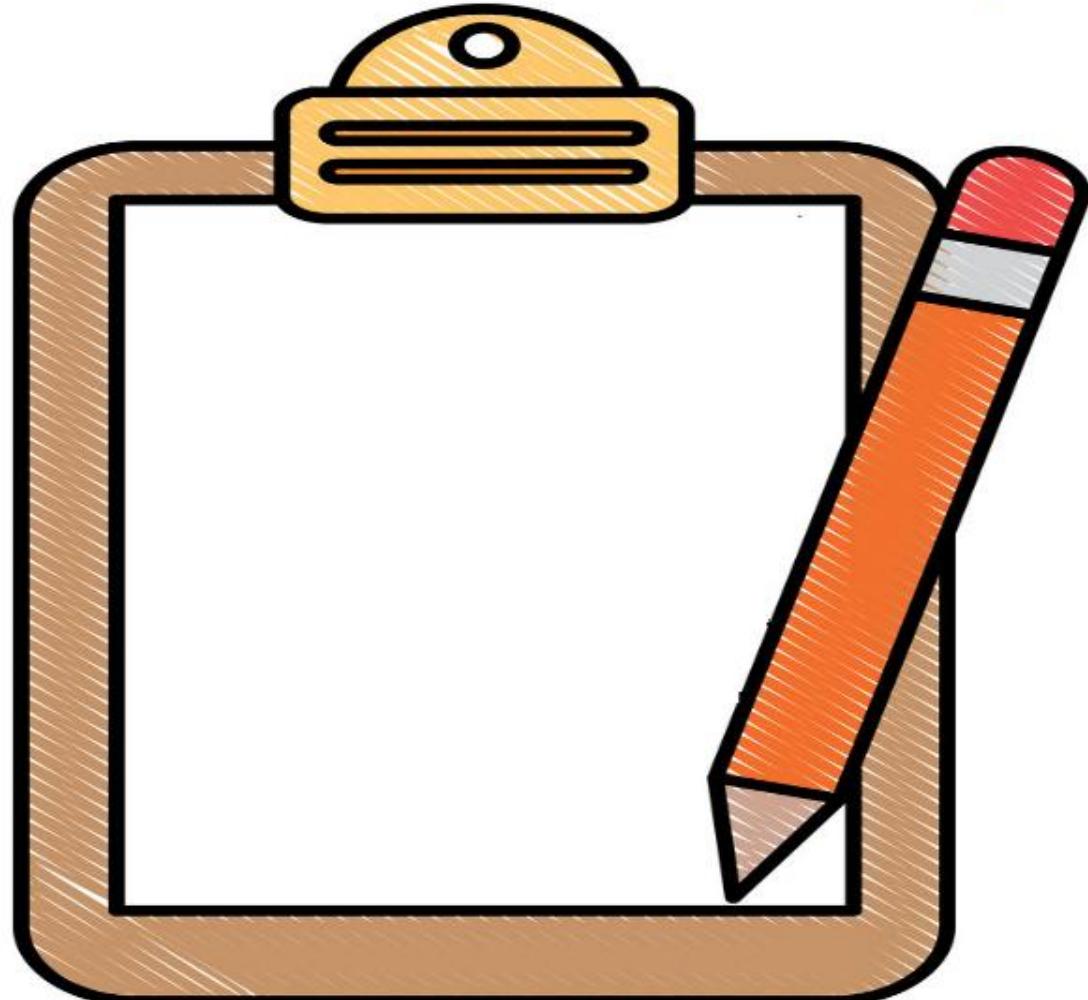


## المتباينات



اكتب متباعدة لكل جملة فيما يأتي:

أ) **قيادة**: يجب أن يكون عمر اللاعب في فريق الناشئين أكبر من ١٧ سنة.  
ب) **رياضة**: يجب أن يكون عمر اللاعب في فريق الناشئين أصغر من ١٨ سنة.

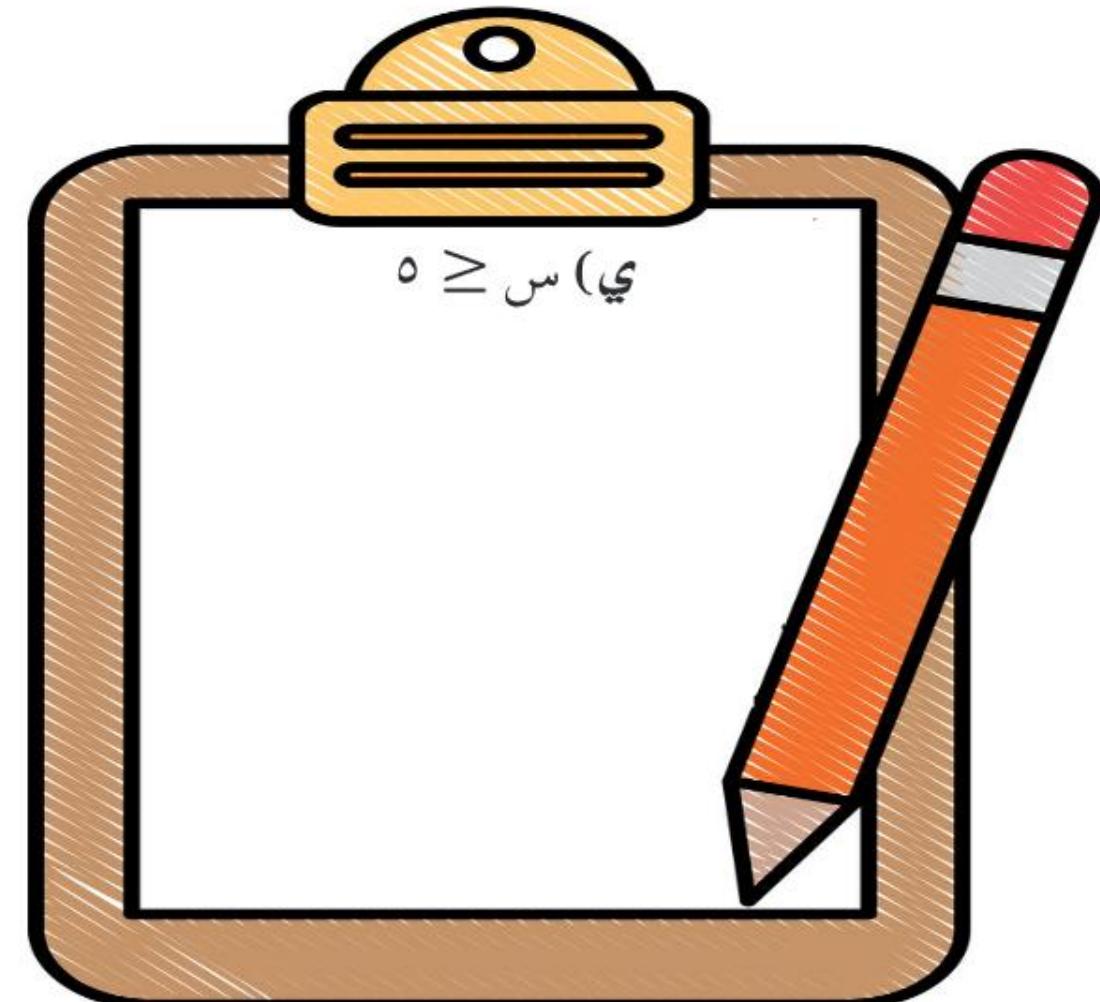
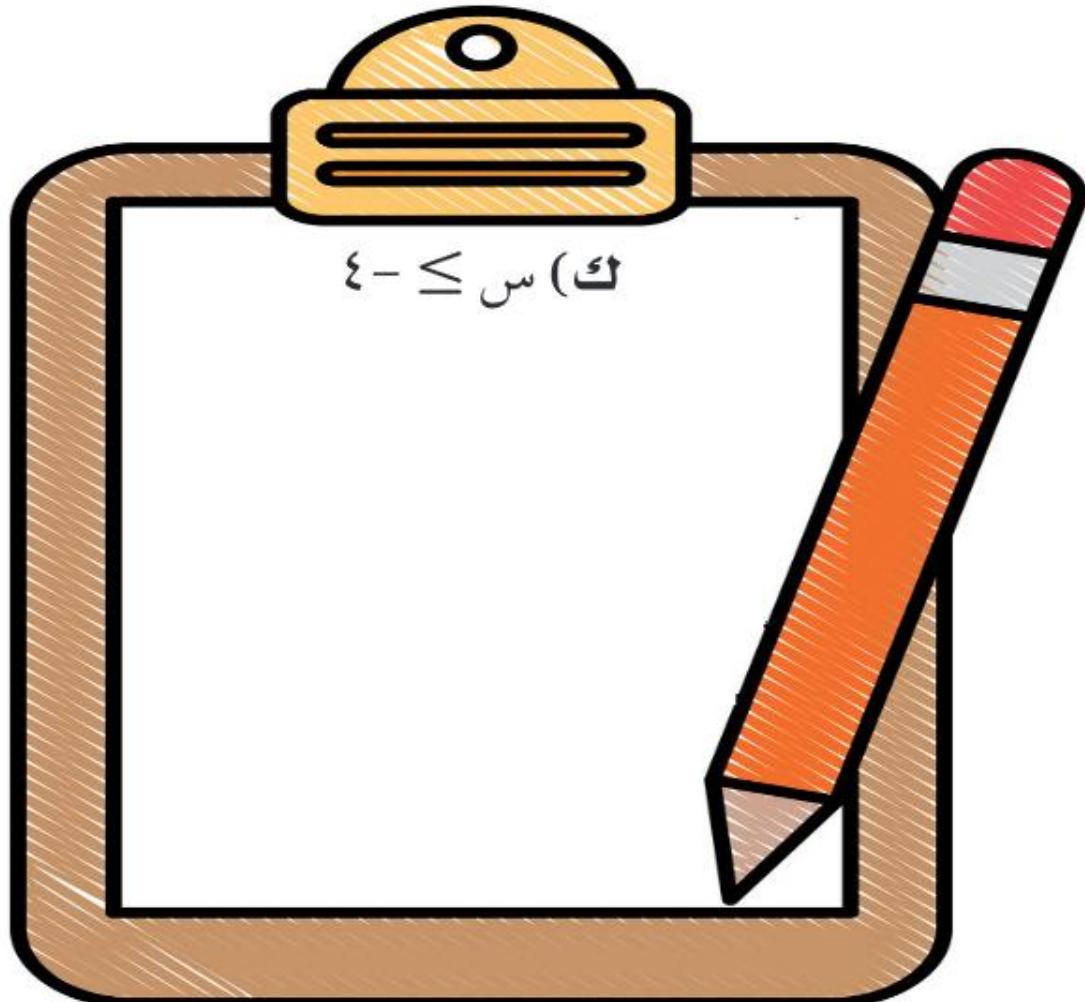


بيان ما إذا كانت المتباعدة فيما يأتي صحيحة أم خاطئة عند القيمة المعطاة

$$\text{و) } -3b \leq 24, b = 8$$

$$\text{ه) } n - 6 > 15, n = 18$$

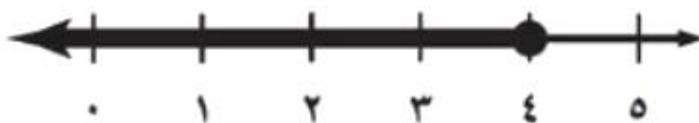
## مثل المتباينة على خط الأعداد



# تقويم

خط الأعداد الذي يمثل المتباينة أدناه هو :

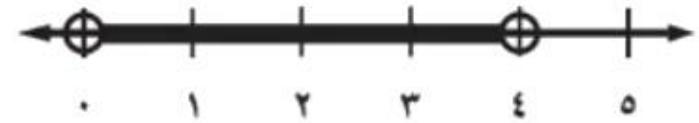
لا يستطيع حمزة السباحة أكثر من ٤ ساعات هذا اليوم



أ



ب



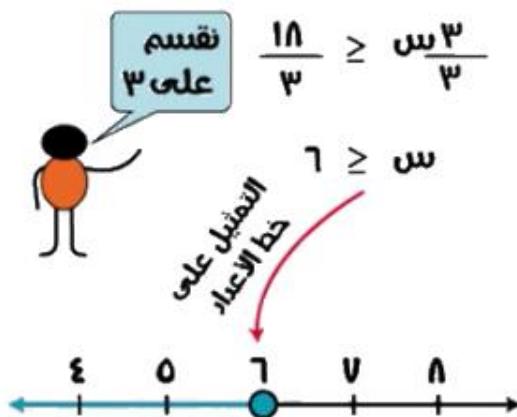
ج

# حل المتباينات



## حل المتباينات

• بالضرب والقسمة



إيجاد قيم المتغير التي  
تجعل المتباينة صحيحة

• بالجمع والطرح

$$\frac{12 + 3 < 3 - 3}{9 < 0}$$

أطرح

التحقق

$$12 < 0$$

....., 11, 10.

$$\begin{aligned} 3x &\leq 20 \\ \frac{3x}{3} &\geq \frac{20}{3} \\ x &\geq \frac{20}{3} \end{aligned}$$

١٢ &lt; ٣ + ت

$$\frac{1}{2} \geq \frac{2}{3} - د$$

١٥



# تقويم

حل المtbodyات الآتية، ثم تحقق من صحة الحل.

$$v - > \frac{m}{n}$$

٢٦

$$\frac{w}{x} \geq 3 - t$$



# تقدير

اكتب متباعدة لكل مما يأتي وحلّها:

٢١ ناتج قسمة عدد ما على ٣، وطرح اثنين منه يساوي -١٢ على الأقل.

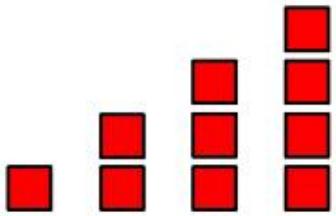
٢٢ أكبر من عدد ما بخمسة يساوي على الأقل ١٣



# الباب الشامن



# المتتابعات



## المتتابعة

هي مجموعة مرتبة من الأعداد يسمى كل عدد فيها حداً

ليست حسابية

حسابية

الفرق بين حدودها غير ثابت



...، 17، 10، 5، 2، 1

الفرق بين كل حددين فيها ثابت



...، 10، 8، 6، 4، 2

## المتتابعة

الحد النوني

أساس المتتابعة

المتتابعة الحسابية

$$\begin{array}{ccccccc} & & & & & & \\ \ldots, & 2, & 5, & 8, & 11, & 14, & 17, \ldots \\ & 3+ & 3+ & 3+ & 3+ & 3+ & \end{array}$$

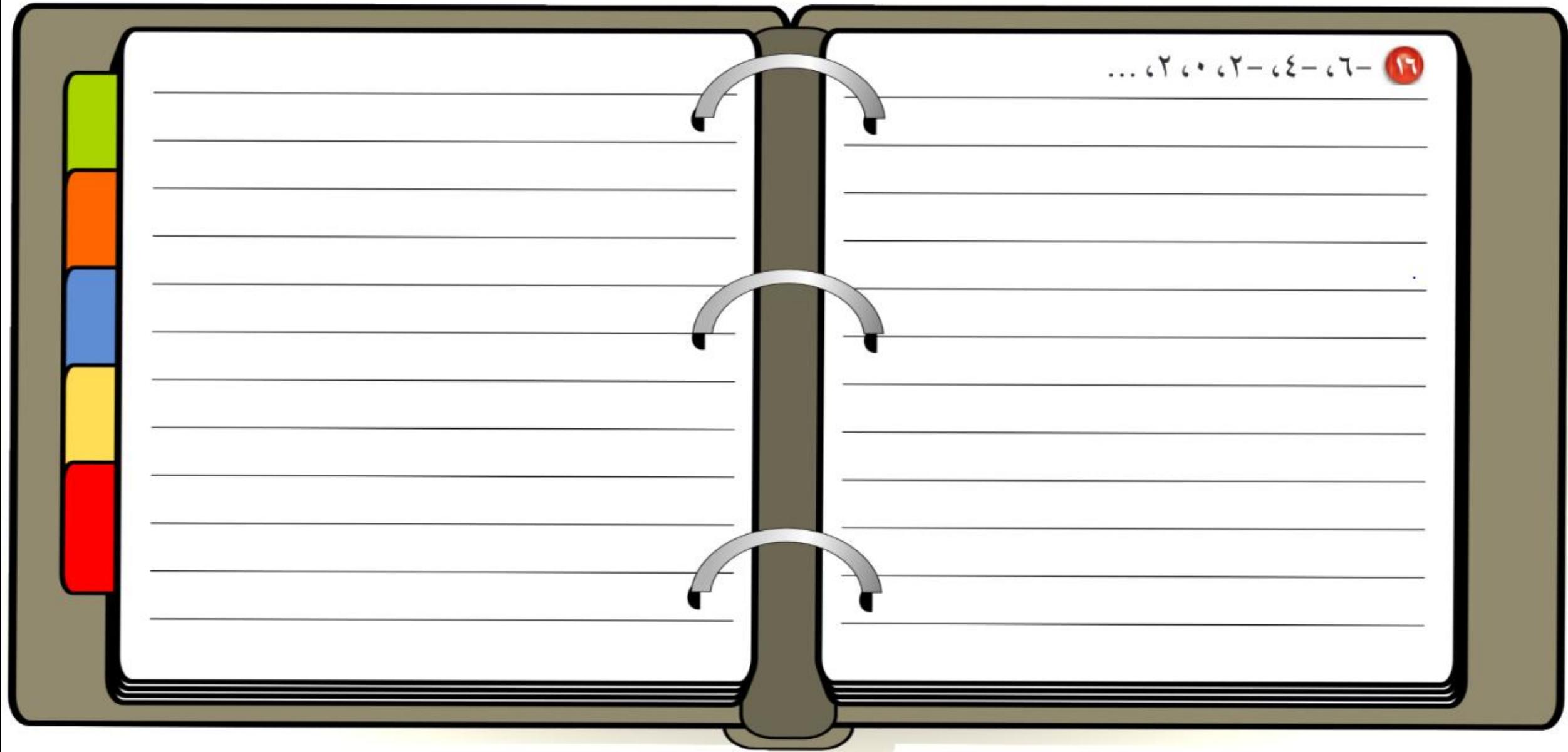
مثال:

الحد النوني للمتتابعة هو:  $3n - 1$ ,  $n$ : رقم الحد

بَيْنَ مَا إِذَا كَانَتْ كُلُّ مُتَتَابِعَةٍ فِيمَا يَأْتِي حِسَابِيَّةً أَمْ لَا. وَإِذَا كَانَتْ كَذَلِكَ، فَأُوْجَدُ أَسَاسَهَا،  
وَالحُدُودُ الْثَلَاثَةُ التَّالِيَةُ فِيهَا:

٦ - ٤ ، ٢ ، ٠ ، ...

١٦

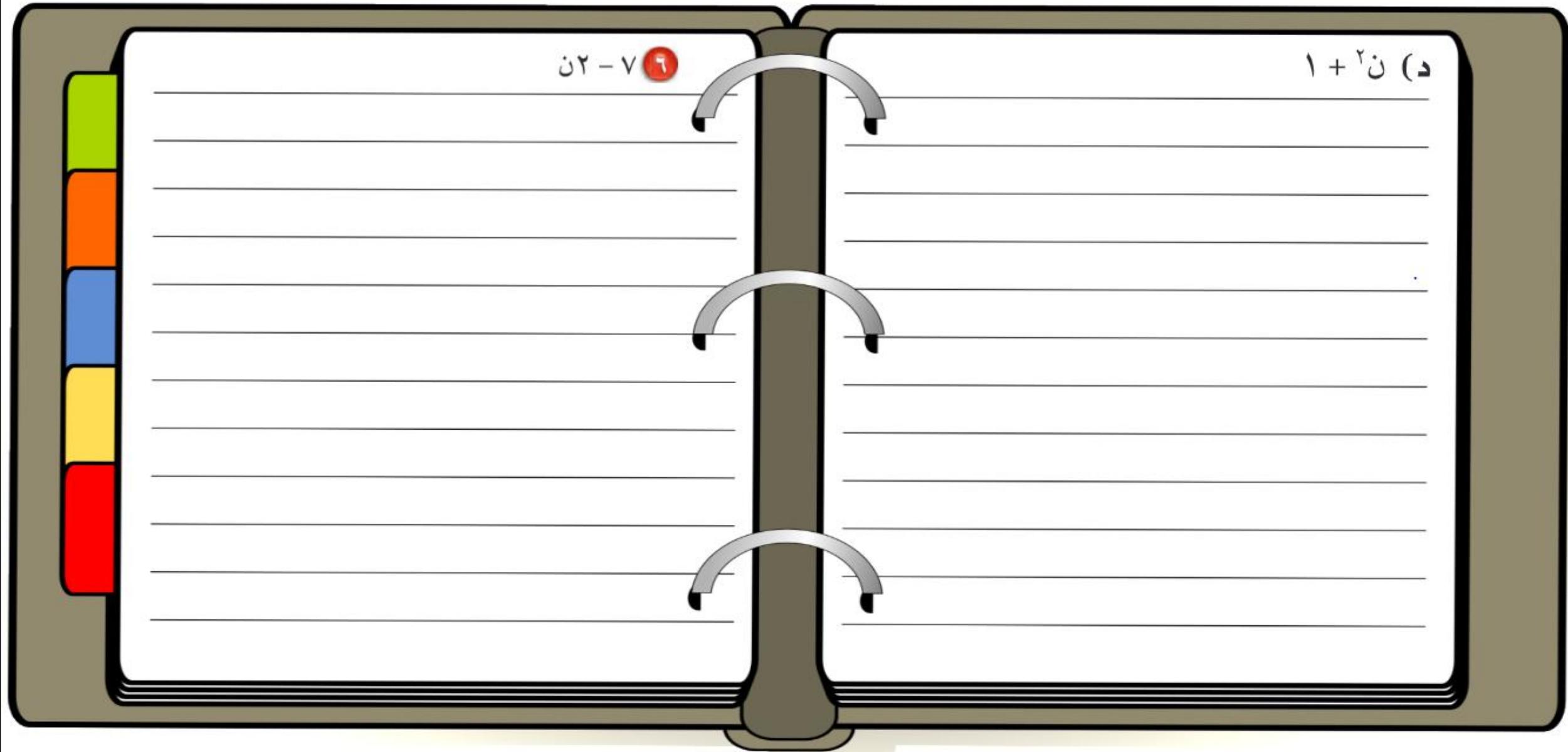


# تقويم

بین ما إذا كانت المتتابعة في كل مما يأتي حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك، فأوجد  
أساسها.

$$د) ن^2 + 1$$

$$ن - 7$$

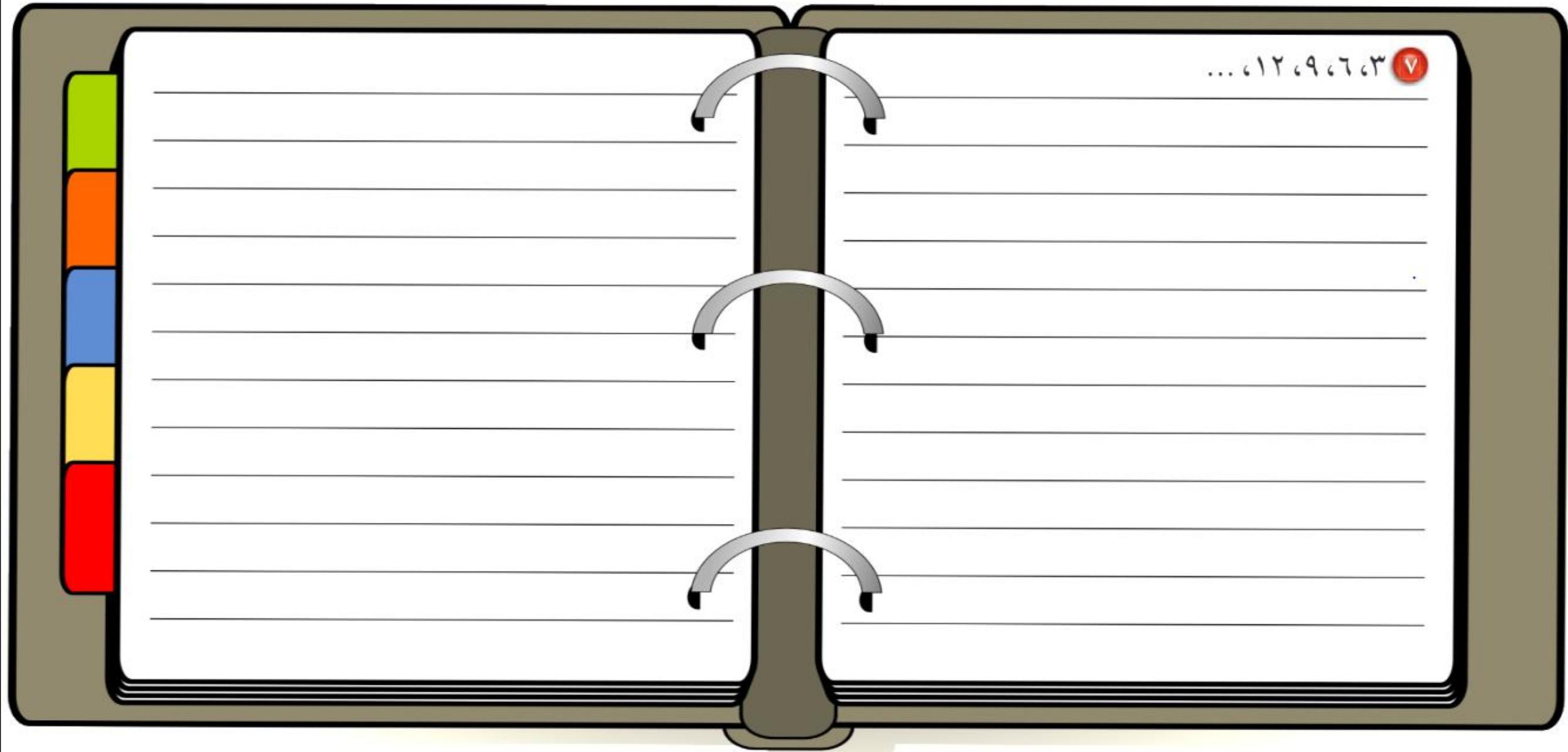


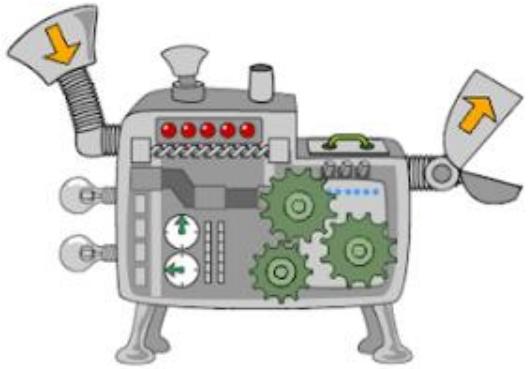
# تقويم

اكتب عبارة يمكن استعمالها لإيجاد الحد النوني لكل متابعة فيما يأتي، ثم أوجد الحدود  
الثلاثة التالية فيها:

١٢، ٩، ٦، ٣ ...

v



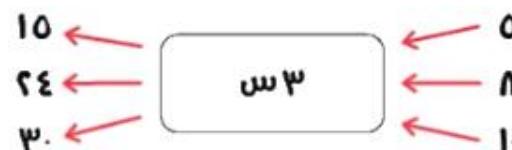


# الدوال



الدوال

مخرجية دالة مدخلة



$s^3$ , ٤٤, 10  
المدى

١, ٨, ٠  
المجال

$$r(s) = s^3$$

مخرجية $r(s)$	$s \times s$	مدخلة $s$
10	$0 \times 3$	0
٤٤	$8 \times 3$	8
٣.	$1 \times 3$	1.

## إيجاد قيمة الدالة

أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

تقويم

١٠ د(٥) حيث  $d(s) = 2s + 5$

١) د(٢) إذا كان  $d(s) = s - 4$

## إكمال جدول الدالة

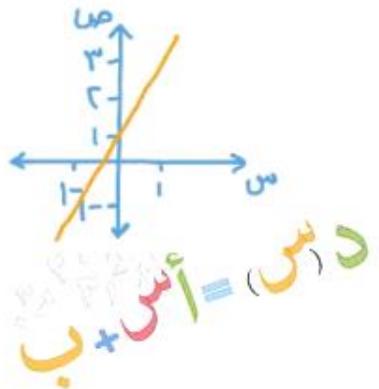
**تَهْوِيْجٌ** انسخ جدول كل دالة فيما يأتي وأكمله، ثم اذكر مجال كل دالة ومدتها:



٤  $d(s) = 5s + 1$

$s$	$5s + 1$	$d(s)$
-2		
0		
1		
3		

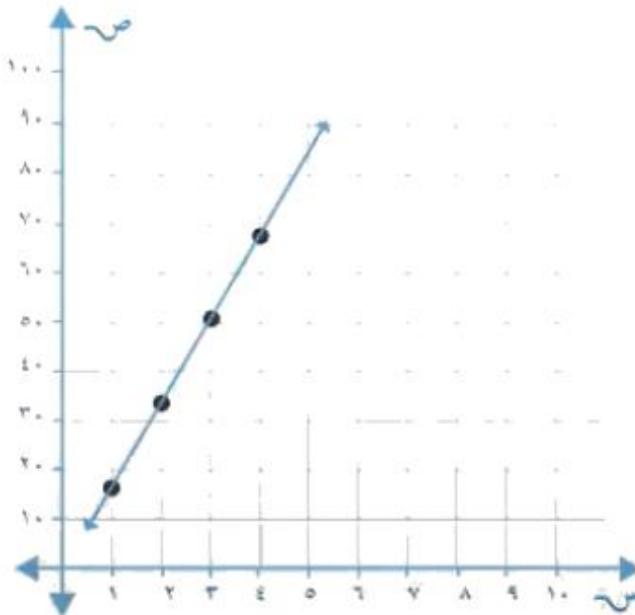
# تمثيل الدوال الخطية



## الدالة

وسمى المعادلة التي تمثل حلولها بيانياً بخط مستقيم دالة خطية

الدالة: هي العلاقة التي تعطي مخرجية واحدة فقط لكل مدخلة

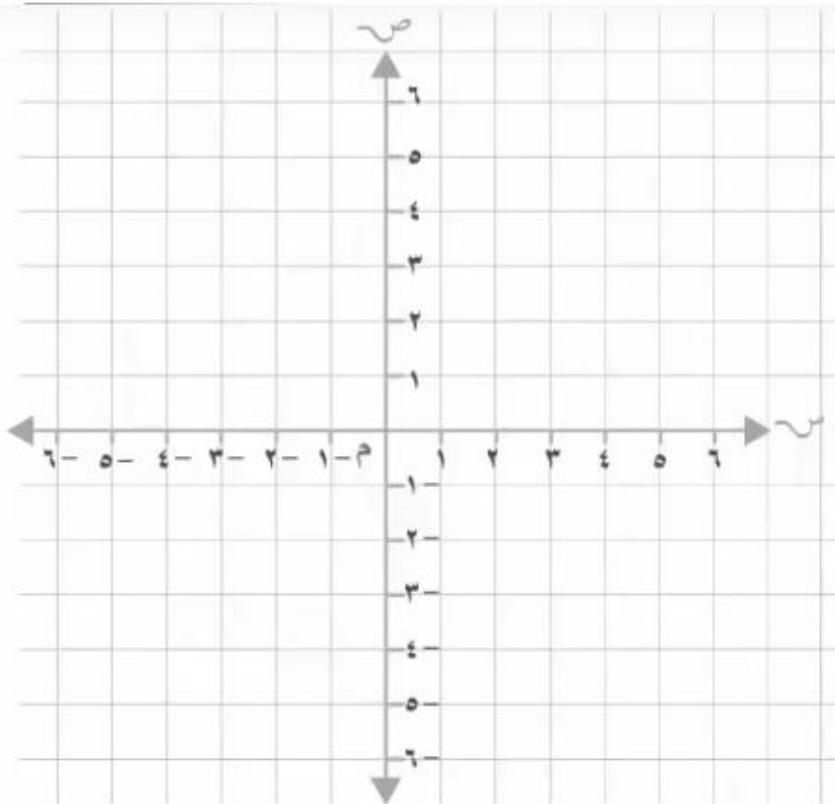


(ص) (س)

١٧	←	١
٣٤	←	٢
٥١	←	٣
٦٨	←	٤

**تقدير** مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

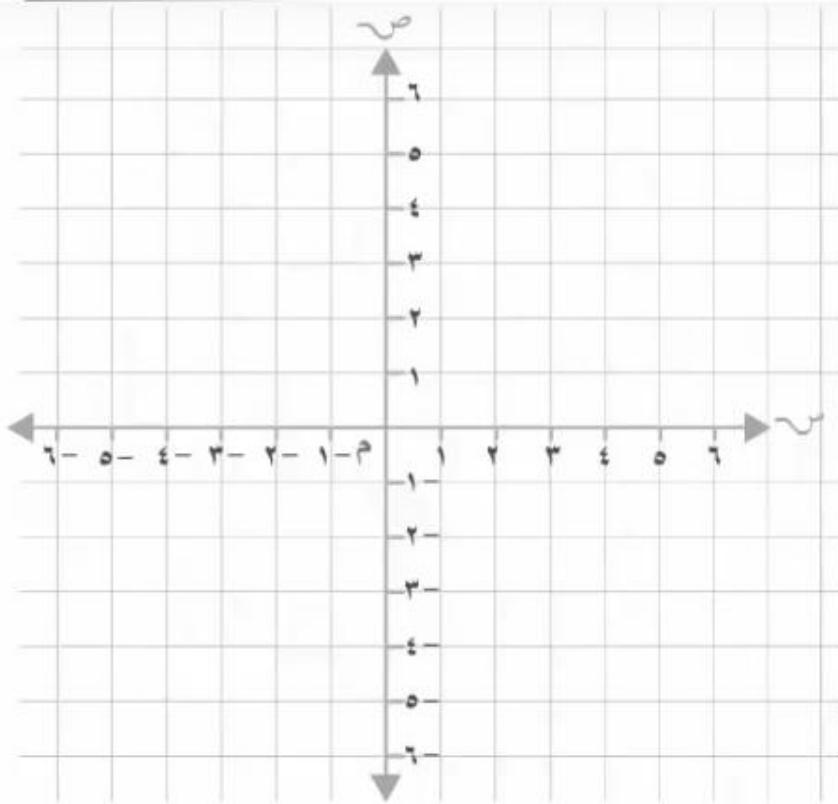
د)  $y = 2x + 1$



ص	(س، ص)	س
-1	(-1, -1)	-1
1	(0, 1)	0
3	(1, 3)	1
5	(2, 5)	2

تقدير مثل كل دالة فيما يأتي بيانياً:

ص = ٣س - ٢



ص	(س ، ص)	س
-5	(-1, -5)	0
-2	(0, -2)	1
1	(1, 1)	2
4	(2, 4)	3

# تقويم

٣	٢	١	٠	س
٢	١	٠	١-	ص

ج)

١	٠	١-	٢-	س
٦	١	٤-	٩-	ص

أ)

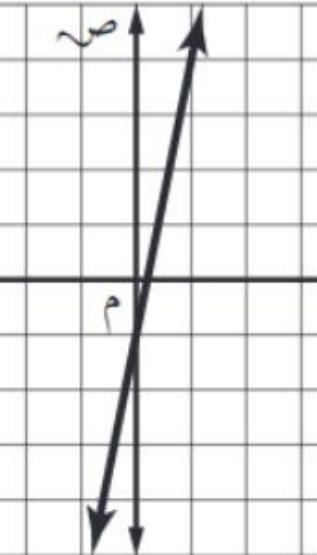
٢	١	٠	١-	س
٩	٤	١-	٦-	ص

د)

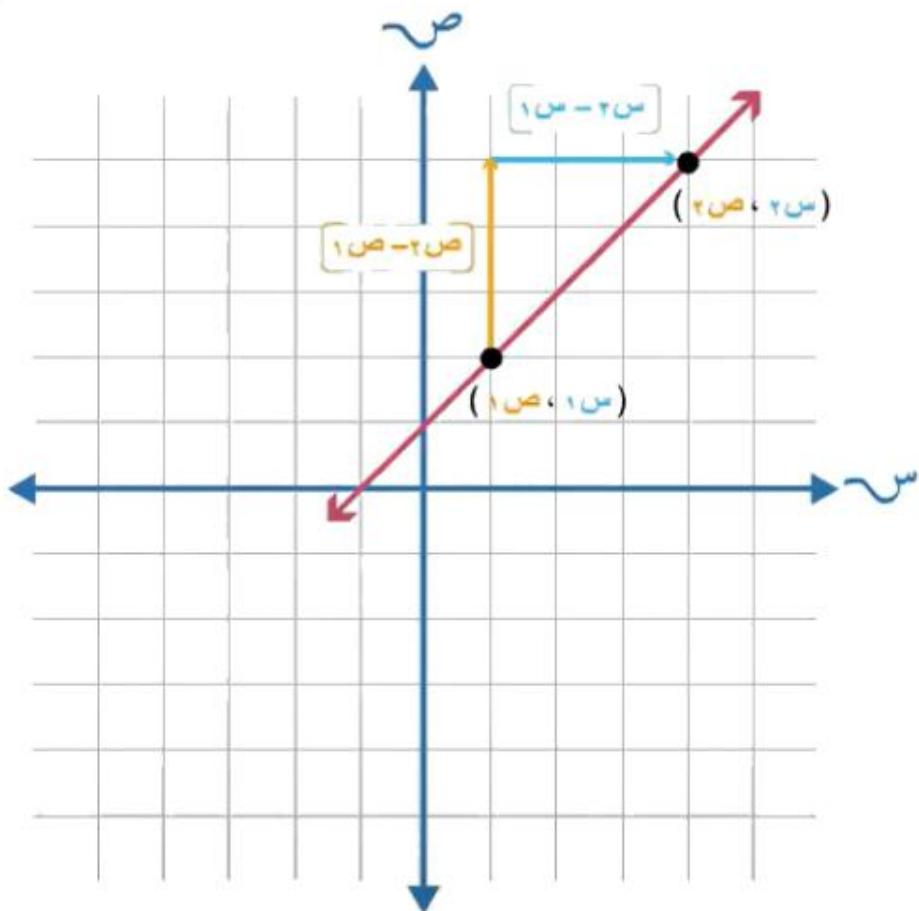
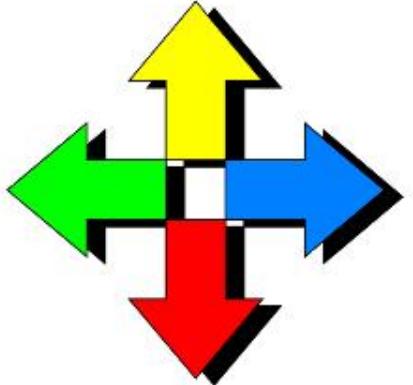
٠	١-	٢-	٣-	س
٥-	٦-	٧-	٨-	ص

ب)

٢٨ اختيار من متعدد: إذا كان المستقيم الممثل في المستوى الإحداثي المجاور يمثل الدالة  $s = 5x - 1$ ، فأيُّ جدول مما يأتي يحتوي نقاطاً تقع على هذا المستقيم فقط؟



# مِيلُ الْمَسْتَقِيم



التغيير في  $c$        $\longrightarrow$   
التغيير في  $s$        $\longrightarrow$

$$\frac{\text{التغيير الرأسى}}{\text{التغيير الأفقي}} = \frac{c_2 - c_1}{s_2 - s_1} = m$$

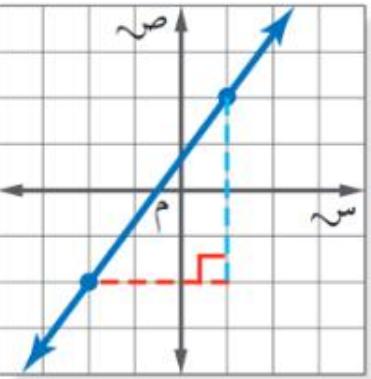
حيث  $s_2 \neq s_1$



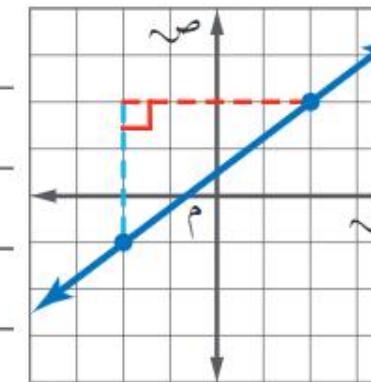
# أوجد ميل المستقيم

تقدير

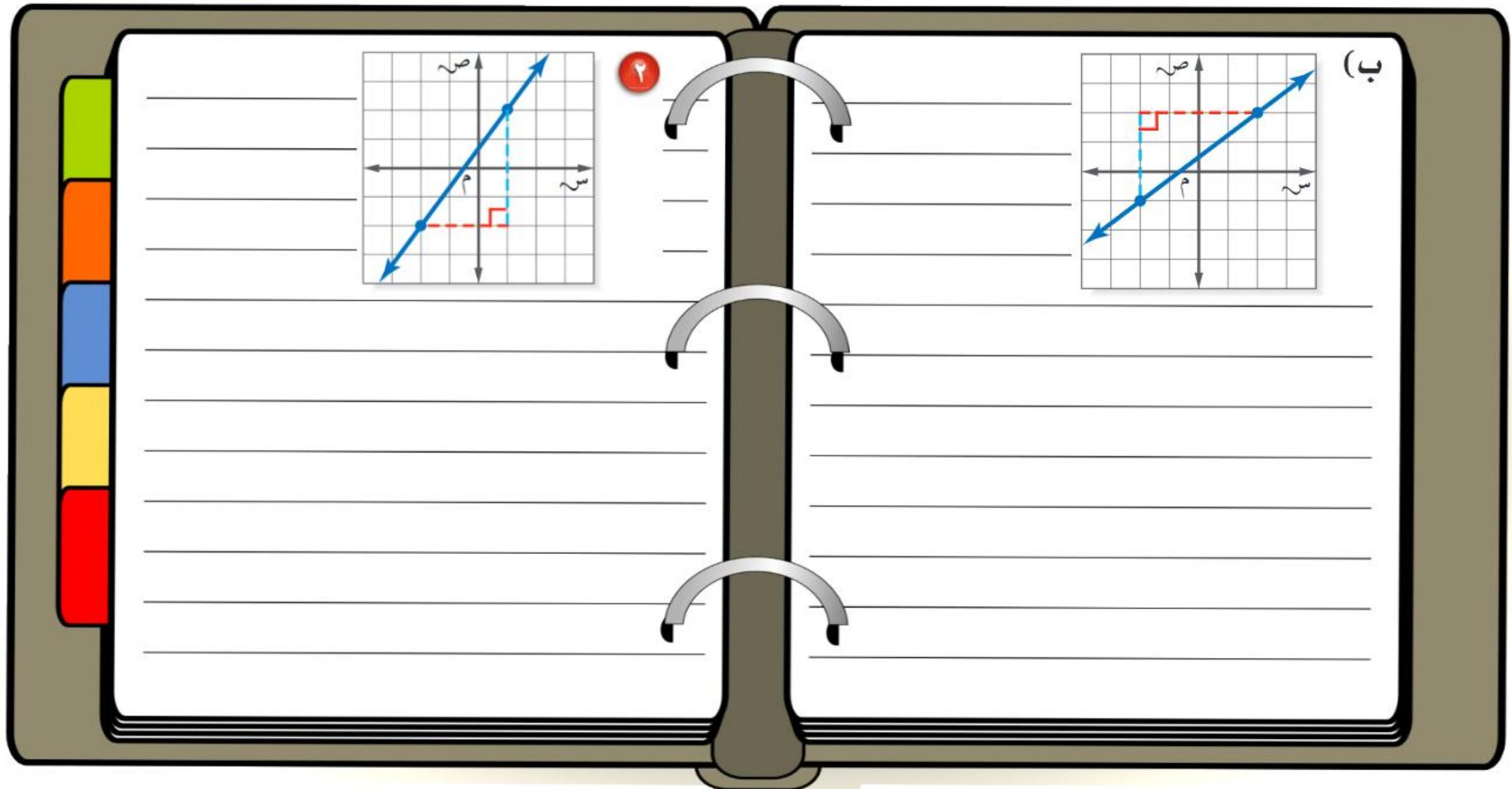
\_\_\_\_\_



\_\_\_\_\_



\_\_\_\_\_

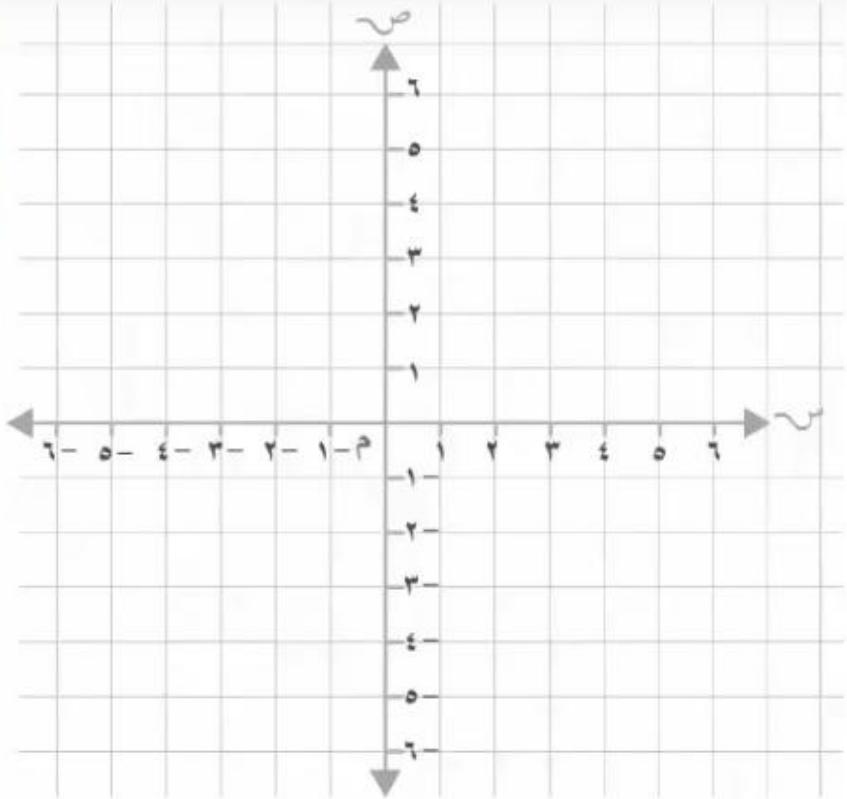


# تقويم

تقع النقاط في الجدول المجاور على خط مستقيم. أوجد ميل الخط، ثم مثله بيانياً.

٦	٢	٢-	٦-	س
١	٠	١-	٢-	ص

د)

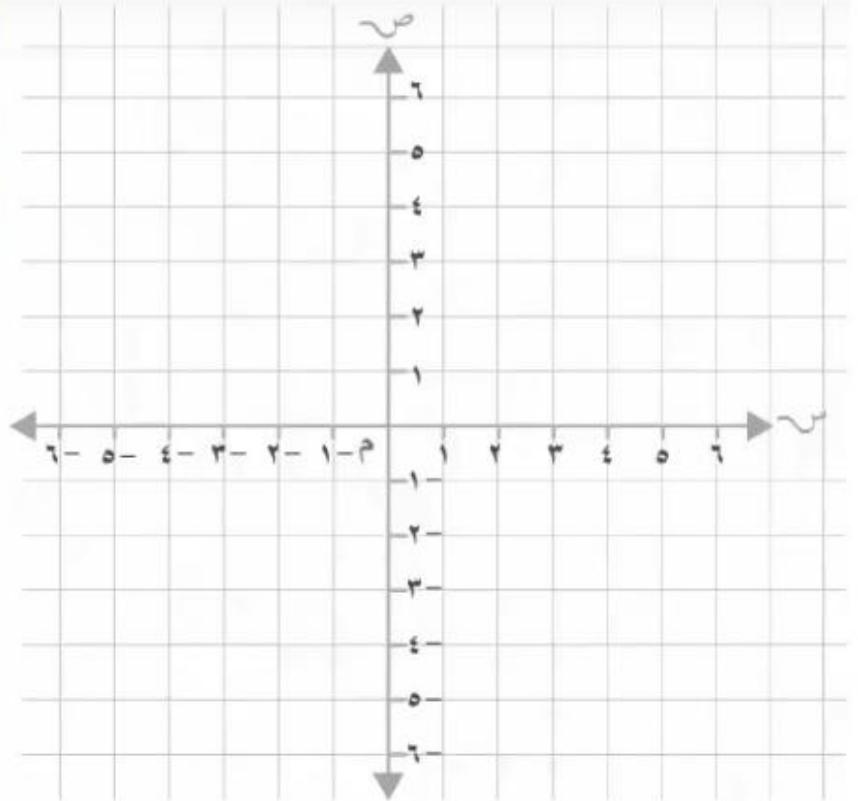


تقدير

أوجد ميل المستقيم المار بكل زوج من النقاط فيما يأتي:

جـ(٢،٥)، دـ(٣،١)

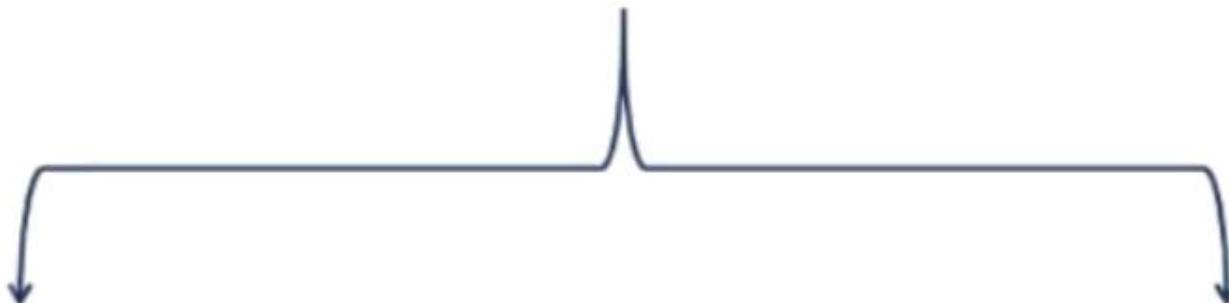
١٦



# التغير الطردي



## العلاقات



غير طردية

عندما تكون النسبة بين كل كميتين غير ثابتة

عندما تكون النسبة بين كل كميتين ثابتة



### التغير الطردي

علاقة تكون فيها النسبة بين الكميتين المتغيرتين ثابتة

$$ص = ثابت \cdot س$$

### النسبة الثابتة

هي ثابت التغير

$$ك = \frac{ص}{س}$$



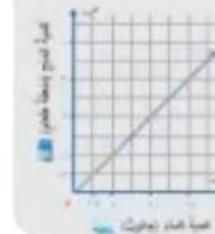
### معادلة التغير الطردي

$$ص = ك س$$



### منحنى التغير الطردي

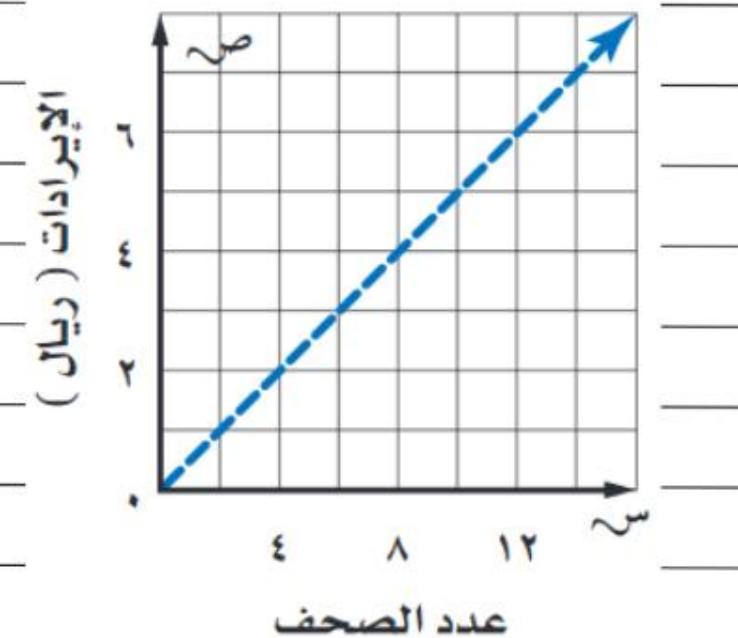
الذي يمثل علاقة خطية متناسبة، هو مستقيم يمر بنقطة الأصل.



# تقدير

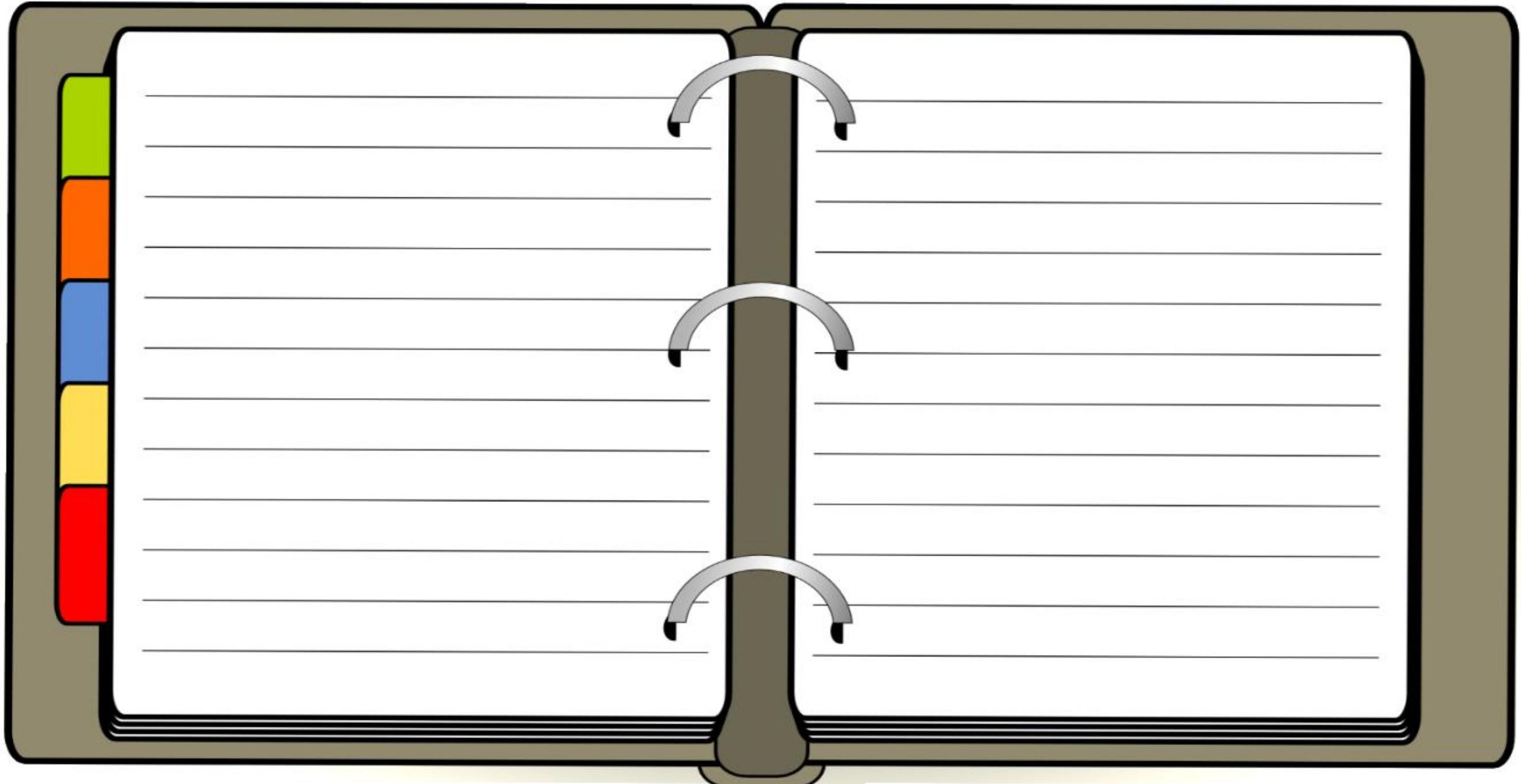
**وظائف:** يعمل خالد في توزيع الصحف اليومية، ويتناسب إيراده طردياً مع عدد الصحف التي يوزعها. فما إيراده لكل صحيفة يوزعها؟

٥



تقويم

ب) تسوق: يبيع محل خضار ٦ برتقالات بـ ١٢ ريالاً. فما ثمن ١٠ برتقالات؟



# تقويم

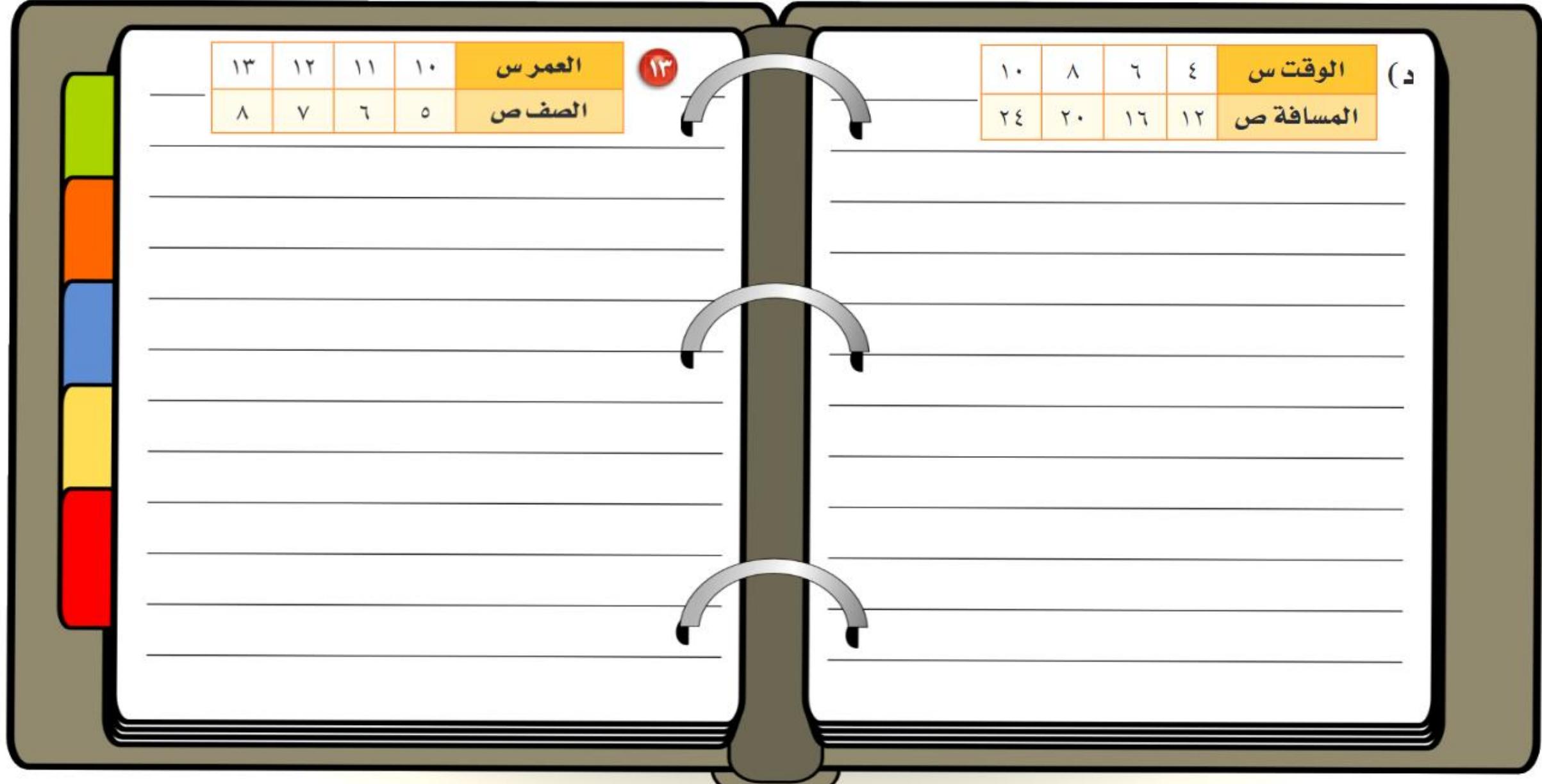
ثابت التغيير:

حدد ما إذا كانت كل دالة خطية فيما يأتي تشكل تغييراً طردياً، وإذا كانت كذلك فاذكر

١٠	٨	٦	٤	الوقت س
٢٤	٢٠	١٦	١٢	المسافة ص

١٣	١٢	١١	١٠	العمر س
٨	٧	٦	٥	الصف ص

١٣



محمد الله